

# Statistik für Digital Humanities

Vergleich mehrerer Mittelwerte: ANOVA (GLM 1/5)

Dr. Jochen Tiepmar

Institut für Informatik  
Computational Humanities  
**Universität Leipzig**

16. Dezember 2019

[Letzte Aktualisierung: 11/02/2020, 11:10]

# Agenda

- 1 Motivation
- 2 ANOVA
- 3 Lokalisierung der Unterschiede
- 4 Effektstärke

- Sind 2 Mittelwerte signifikant verschieden?

## 2 Arten von t-Tests

- Independent-means t-Test → Gruppendesign (verschiedene Probanden) Auch Independent-Measures oder Independent Samples t-Test
- Dependent-means t-Test → Messwiederholungsdesign (gleiche Probanden) Auch Matched Pairs oder Paired Samples t-Test

- Sind 2 Mittelwerte signifikant verschieden?

## 2 Arten von t-Tests

- Independent-means t-Test → Gruppendesign (verschiedene Probanden) Auch Independent-Measures oder Independent Samples t-Test
- Dependent-means t-Test → Messwiederholungsdesign (gleiche Probanden) Auch Matched Pairs oder Paired Samples t-Test

Warum nicht mehrere t-Tests durchführen um mehrere Mittelwerte zu vergleichen?

# Statistischer Fehler beim Vergleich mehrerer Mittelwerte

		Wirklichkeit	
		$H_0$ ist wahr	$H_1$ ist wahr
Entscheidung des Tests	für $H_0$	Spezifität True Positive Wahrscheinlichkeit: $1 - \alpha$	<b>Fehler 2. Art</b> False Negative Wahrscheinlichkeit: $\beta$
	für $H_1$	<b>Fehler 1. Art</b> False Positive Wahrscheinlichkeit: $\alpha$	Sensitivität, Trennschärfe True Negative Wahrscheinlichkeit: $1 - \beta$

# Statistischer Fehler beim Vergleich mehrerer Mittelwerte

		Wirklichkeit	
		$H_0$ ist wahr	$H_1$ ist wahr
Entscheidung des Tests	für $H_0$	Spezifität True Positive Wahrscheinlichkeit: $1 - \alpha$	<b>Fehler 2. Art</b> False Negative Wahrscheinlichkeit: $\beta$
	für $H_1$	<b>Fehler 1. Art</b> False Positive Wahrscheinlichkeit: $\alpha$	Sensitivität, Trennschärfe True Negative Wahrscheinlichkeit: $1 - \beta$

- Problem: familienbezogene / experimentbezogene Fehlerrate  $1 - (1 - \alpha)^k$  mit  $k = \text{Anzahl der Kombinationen}$   $\alpha$  ist die Typ 1 Fehlerwahrscheinlichkeit
- vergrößert sich mit jedem zusätzlichen Test
  - 3 Gruppen  $\rightarrow$  3 Tests  $\rightarrow$  Wahrscheinlichkeit für Typ 1 Fehler  $1 - 0.95^3 = 0.143$
  - 5 Gruppen:  $\rightarrow$  10 Kombinationen  $\rightarrow$  Wahrscheinlichkeit für Typ 1 Fehler  $1 - 0.95^{10} = 0.401$ , also 40%

## 1 Motivation

## 2 ANOVA

- Berechnung
- Beispiel
- Robustheit von ANOVA

## 3 Lokalisierung der Unterschiede

- Geplante Kontrastierung
- Post Hoc Tests

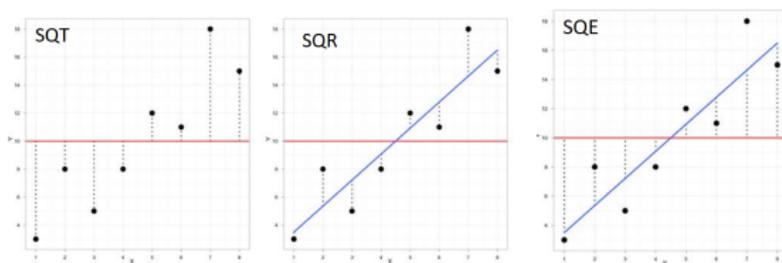
## 4 Effektstärke

- $H_0$  = Alle Mittelwerte sind gleich / sehr ähnlich
- Omnibus Test: Zeigt Effekt an, aber nicht wo er passiert ist
  - $\overline{X_1} = \overline{X_2} \neq \overline{X_3}$
  - $\overline{X_1} \neq \overline{X_2} = \overline{X_3}$
  - $\overline{X_1} \neq \overline{X_2} \neq \overline{X_3}$

- $H_0$  = Alle Mittelwerte sind gleich / sehr ähnlich
- Omnibus Test: Zeigt Effekt an, aber nicht wo er passiert ist
  - $\overline{X_1} = \overline{X_2} \neq \overline{X_3}$
  - $\overline{X_1} \neq \overline{X_2} = \overline{X_3}$
  - $\overline{X_1} \neq \overline{X_2} \neq \overline{X_3}$
- Berechnung:
  - F-Ratio  $F = \frac{MQE}{MQR} = \frac{\text{Systematische Variation}}{\text{Unsystematische Variation}}$
  - $MQE = \frac{SQE}{k-1}$
  - $MQR = \frac{SQR}{n-k}$
  - $k$  = Anzahl der Gruppen

- Regression erlaubt Abschätzen von  $Y$  für neue Werte aus  $X$
- Regressionsformel  $\hat{Y} = (b_0 + b_1 * X_1 + b_2 * X_2 + \dots)$
- Als statistisches Modell hat eine Regressionslinie eine Fitness
  - Residuenquadratsumme, Erklärte Quadratsumme,  $R^2 =$  Verhältnis beider
  - F-Test möglich um Modell zu bewerten
  - t-Test möglich um Einflußstärke des Prädiktors zu bewerten

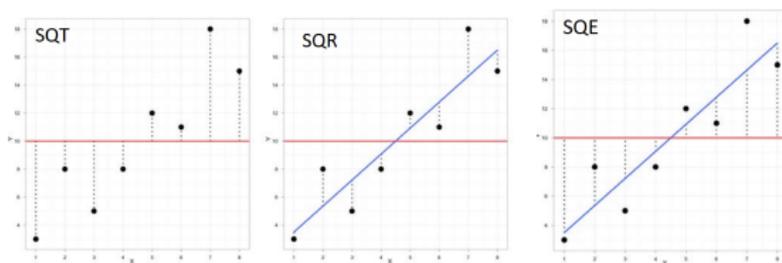
# Wiederholung Abweichungsquadrate bei Regression



Abstände von Regression zu Beobachtung sind Residuen (Residuum)

- **Quadratsumme der Abweichungen**  $SQT = \sum (y_i - \bar{y})^2$
- **Residuenquadratsumme**  $SQR = \sum (y_i - \hat{y}_i)^2$
- **Erklärte Quadratsumme**  $SQE = \sum (\bar{y} - \hat{y}_i)^2$
- $R^2 = \frac{SQE}{SQT}$

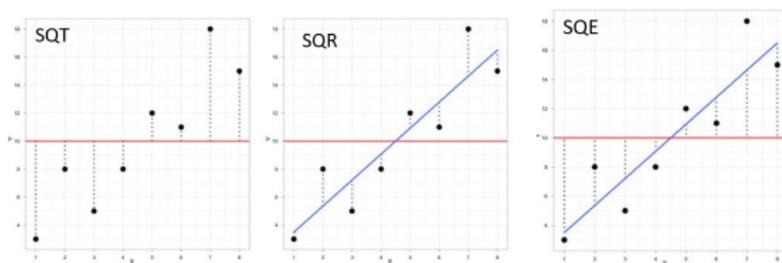
# Wiederholung Abweichungsquadrate bei Regression



Abstände von Regression zu Beobachtung sind Residuen (Residuum)

- **Quadratsumme der Abweichungen**  $SQT = \sum (y_i - \bar{y})^2$
- **Residuenquadratsumme**  $SQR = \sum (y_i - \hat{y}_i)^2$
- **Erklärte Quadratsumme**  $SQE = \sum (\bar{y} - \hat{y}_i)^2$
- $R^2 = \frac{SQE}{SQT}$
- $MQ_x =$  Mittelwert der Quadrate von  $x$
- $MQE = \frac{SQE}{\text{Variablenanzahl}}$
- $MQR = \frac{SQR}{\text{Beobachtungen} - \text{Regressionskoeffizienten}}$

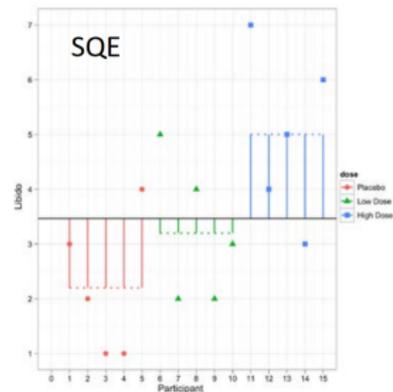
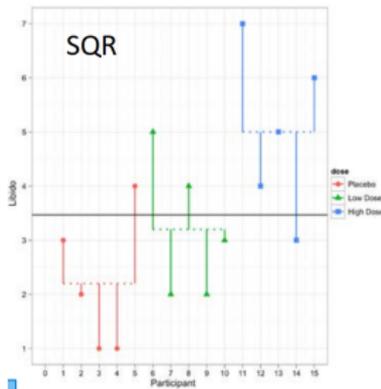
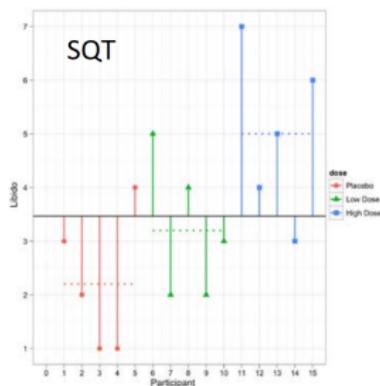
# Wiederholung Abweichungsquadrate bei Regression



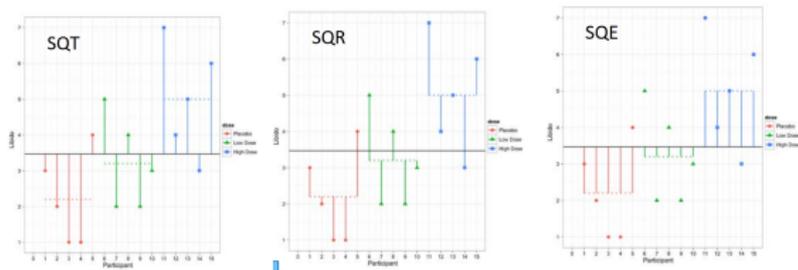
Abstände von Regression zu Beobachtung sind Residuen (Residuum)

- **Quadratsumme der Abweichungen**  $SQT = \sum (y_i - \bar{y})^2$
- **Residuenquadratsumme**  $SQR = \sum (y_i - \hat{y}_i)^2$
- **Erklärte Quadratsumme**  $SQE = \sum (\bar{y} - \hat{y}_i)^2$
- $R^2 = \frac{SQE}{SQT}$
- $MQ_x =$  Mittelwert der Quadrate von  $x$
- $MQE = \frac{SQE}{\text{Variablenanzahl}}$
- $MQR = \frac{SQR}{\text{Beobachtungen} - \text{Regressionskoeffizienten}}$
- F-Ratio  $F = \frac{MQE}{MQR}$

# Abweichungsquadrate bei mehreren Mittelwerten



# Abweichungsquadrate bei mehreren Mittelwerten



- **Quadratsumme der Abweichungen**

$$SQT = \sum (x_i - \text{Grand Mean})^2 \quad // \text{Im Buch } SS_T$$

- **Residuenquadratsumme**

$$SQR = \sum (x_i - \overline{group})^2 = \sum s_{group}^2 * (n_{group} - 1) \quad // \text{Im Buch } SS_R$$

- **Erklärte Quadratsumme**

$$SQE = \sum n_{group} * (\overline{group} - \text{Grand Mean})^2 \quad // \text{Im Buch } SS_M$$

$$SQT = SQR + SQE$$

- F-Ratio  $F = \frac{MQE}{MQR} = \frac{\text{Systematische Variation}}{\text{Unsystematische Variation}}$
- $MQE = \frac{SQE}{k-1}$
- $MQR = \frac{SQR}{n-k}$
- $k = \text{Anzahl der Gruppen}$

Interpretation:

- F-Ratio  $F = \frac{MQE}{MQR} = \frac{\text{Systematische Variation}}{\text{Unsystematische Variation}}$
- $MQE = \frac{SQE}{k-1}$
- $MQR = \frac{SQR}{n-k}$
- $k = \text{Anzahl der Gruppen}$

Interpretation:

- Je höher  $F$ , desto besser das Modell
- $F < 1 \rightarrow \text{Unsystematische Variation ist größer als Systematische Variation}$
- $F < F_{kr} \text{ aus Tabelle} \rightarrow H_0$

- F-Ratio  $F = \frac{MQE}{MQR} = \frac{\text{Systematische Variation}}{\text{Unsystematische Variation}}$
- $MQE = \frac{SQE}{k-1}$
- $MQR = \frac{SQR}{n-k}$
- $k = \text{Anzahl der Gruppen}$

Interpretation:

- Je höher  $F$ , desto besser das Modell
- $F < 1 \rightarrow$  Unsystematische Variation ist größer als Systematische Variation
- $F < F_{kr}$  aus Tabelle  $\rightarrow H_0$  kann nicht abgewiesen werden  $\rightarrow$

- F-Ratio  $F = \frac{MQE}{MQR} = \frac{\text{Systematische Variation}}{\text{Unsystematische Variation}}$
- $MQE = \frac{SQE}{k-1}$
- $MQR = \frac{SQR}{n-k}$
- $k = \text{Anzahl der Gruppen}$

Interpretation:

- Je höher  $F$ , desto besser das Modell
- $F < 1 \rightarrow$  Unsystematische Variation ist größer als Systematische Variation
- $F < F_{kr}$  aus Tabelle  $\rightarrow H_0$  kann nicht abgewiesen werden  $\rightarrow$  Alle Mittelwerte sind gleich / sehr ähnlich
- $df(\text{Numerator}) = k - 1$
- $df(\text{Denominator}) = n - k$

## 1 Motivation

## 2 ANOVA

- Berechnung
- **Beispiel**
- Robustheit von ANOVA

## 3 Lokalisierung der Unterschiede

- Geplante Kontrastierung
- Post Hoc Tests

## 4 Effektstärke

Zeichenlänge des Dokumententitels pro Autor

Autor 1	Autor 2	Autor 3
30	40	10
35	35	25
45	50	5

Zeichenlänge des Dokumententitels pro Autor

Autor 1	Autor 2	Autor 3
30	40	10
35	35	25
45	50	5

$\overline{Autor1} = 36.667$ ,  $\overline{Autor2} = 41.667$ ,  $\overline{Autor3} = 13.333$ ,  $G. Mean = 30.555$

Zeichenlänge des Dokumententitels pro Autor

Autor 1	Autor 2	Autor 3
30	40	10
35	35	25
45	50	5

$\overline{Autor1} = 36.667$ ,  $\overline{Autor2} = 41.667$ ,  $\overline{Autor3} = 13.333$ ,  $G. Mean = 30.555$

$SQE = \sum n_{group} * (\overline{group} - G. Mean)^2 = 3 * (36.667 - 30.555)^2 + 3 * (41.667 - 30.555)^2 + 3 * (13.333 - 30.555)^2 = 1372.291$

$SQR = \sum (x_i - \overline{group})^2 = 116.667 + 116.667 + 216.667 = 450$

Zeichenlänge des Dokumententitels pro Autor

Autor 1	Autor 2	Autor 3
30	40	10
35	35	25
45	50	5

$\overline{Autor1} = 36.667$ ,  $\overline{Autor2} = 41.667$ ,  $\overline{Autor3} = 13.333$ ,  $G. Mean = 30.555$

$$SQE = \sum n_{group} * (\overline{group} - G. Mean)^2 = 3 * (36.667 - 30.555)^2 + 3 * (41.667 - 30.555)^2 + 3 * (13.333 - 30.555)^2 = 1372.291$$

$$SQR = \sum (x_i - \overline{group})^2 = 116.667 + 116.667 + 216.667 = 450$$

$$MQE = \frac{SQE}{k-1} = \frac{1372.291}{2} = 686.145$$

$$MQR = \frac{SQR}{n-k} = \frac{449.998}{6} = 75$$

Zeichenlänge des Dokumententitels pro Autor

Autor 1	Autor 2	Autor 3
30	40	10
35	35	25
45	50	5

$\overline{Autor1} = 36.667$ ,  $\overline{Autor2} = 41.667$ ,  $\overline{Autor3} = 13.333$ ,  $G. Mean = 30.555$

$$SQE = \sum n_{group} * (\overline{group} - G. Mean)^2 = 3 * (36.667 - 30.555)^2 + 3 * (41.667 - 30.555)^2 + 3 * (13.333 - 30.555)^2 = 1372.291$$

$$SQR = \sum (x_i - \overline{group})^2 = 116.667 + 116.667 + 216.667 = 450$$

$$MQE = \frac{SQE}{k-1} = \frac{1372.291}{2} = 686.145$$

$$MQR = \frac{SQR}{n-k} = \frac{449.998}{6} = 75$$

$$F = \frac{MQE}{MQR} = \frac{686.145}{75} = 9.149 \quad F > F_{kr95}(2, 6) = 5.79 \rightarrow H_0$$

Zeichenlänge des Dokumententitels pro Autor

Autor 1	Autor 2	Autor 3
30	40	10
35	35	25
45	50	5

$\overline{Autor1} = 36.667$ ,  $\overline{Autor2} = 41.667$ ,  $\overline{Autor3} = 13.333$ ,  $G. Mean = 30.555$

$$SQE = \sum n_{group} * (\overline{group} - G. Mean)^2 = 3 * (36.667 - 30.555)^2 + 3 * (41.667 - 30.555)^2 + 3 * (13.333 - 30.555)^2 = 1372.291$$

$$SQR = \sum (x_i - \overline{group})^2 = 116.667 + 116.667 + 216.667 = 450$$

$$MQE = \frac{SQE}{k-1} = \frac{1372.291}{2} = 686.145$$

$$MQR = \frac{SQR}{n-k} = \frac{449.998}{6} = 75$$

$$F = \frac{MQE}{MQR} = \frac{686.145}{75} = 9.149 \quad F > F_{kr95}(2, 6) = 5.79 \rightarrow H_0 \text{ kann abgewiesen werden} \rightarrow$$

Zeichenlänge des Dokumententitels pro Autor

Autor 1	Autor 2	Autor 3
30	40	10
35	35	25
45	50	5

$\overline{Autor1} = 36.667$ ,  $\overline{Autor2} = 41.667$ ,  $\overline{Autor3} = 13.333$ ,  $G. Mean = 30.555$

$$SQE = \sum n_{group} * (\overline{group} - G. Mean)^2 = 3 * (36.667 - 30.555)^2 + 3 * (41.667 - 30.555)^2 + 3 * (13.333 - 30.555)^2 = 1372.291$$

$$SQR = \sum (x_i - \overline{group})^2 = 116.667 + 116.667 + 216.667 = 450$$

$$MQE = \frac{SQE}{k-1} = \frac{1372.291}{2} = 686.145$$

$$MQR = \frac{SQR}{n-k} = \frac{449.998}{6} = 75$$

$$F = \frac{MQE}{MQR} = \frac{686.145}{75} = 9.149 \quad F > F_{kr95}(2, 6) = 5.79 \rightarrow H_0 \text{ kann}$$

abgewiesen werden  $\rightarrow$  Es gibt signifikante Unterschiede in den Mittelwerten

```
titlelength<-c(30,35,45,40,35,50,10,25,5)
group<-gl(3,3,labels=c("autor1","autor2","autor3"))
df<-data.frame(group,titlelength)
```

```
anovamodel<-aov(titlelength~group, data=df)
summary(anovamodel)
```

	Df	Sum Sq	Mean Sq	F value	Pr(>F)
group	2	1372	686.1	9.148	0.0151 *
Residuals	6	450	75.0		

---  
Signif. codes: 0 '\*\*\*' 0.001 '\*\*' 0.01 '\*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

$Pr(> F) < 0.05 \rightarrow H_0$  kann abgewiesen werden

## 1 Motivation

## 2 ANOVA

- Berechnung
- Beispiel
- **Robustheit von ANOVA**

## 3 Lokalisierung der Unterschiede

- Geplante Kontrastierung
- Post Hoc Tests

## 4 Effektstärke

- ANOVA ist grundsätzlich erstmal parametrisch
- Wird oft als robust angesehen. . .
- . . . aber Robustheit in vielen Fällen nicht untersucht und viele Hinweise dagegen
- Bei gleichen Gruppengrößen eher robust.
- Ausführlicher im Begleitmaterial "Andy Field - Robustheit von Anova" (Moodle)

Wie finden wir jetzt heraus, welche Gruppen sich unterscheiden ohne die familienbezogene Fehlerrate zu stark ansteigen zu lassen?

Wie finden wir jetzt heraus, welche Gruppen sich unterscheiden ohne die familienbezogene Fehlerrate zu stark ansteigen zu lassen?

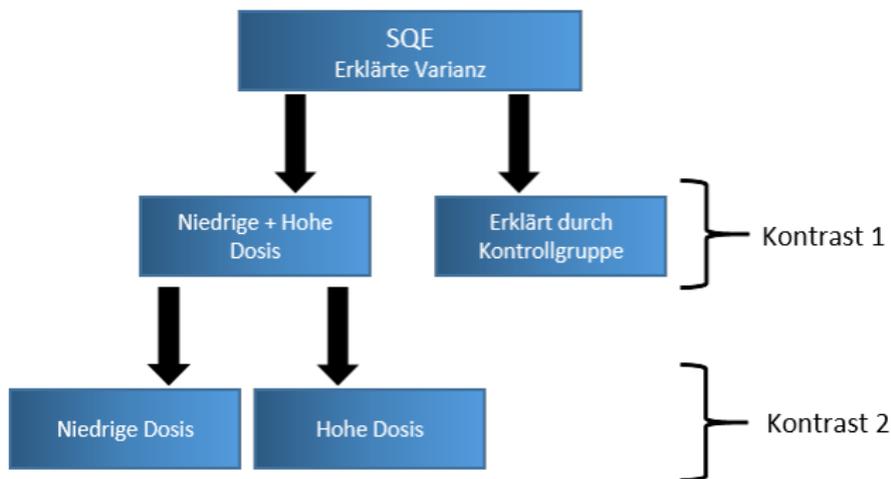
- Geplante Kontrastierung: Spezifische Hypothese vorhanden
- Post Hoc Tests: Keine spezifische Hypothese vorhanden

- 1 Motivation
- 2 ANOVA
  - Berechnung
  - Beispiel
  - Robustheit von ANOVA
- 3 **Lokalisierung der Unterschiede**
  - **Geplante Kontrastierung**
  - Post Hoc Tests
- 4 Effektstärke

# Geplante Kontrastierung

	Viagra	Libido		Viagra	Libido		Viagra	Libido
1	1	3	6	2	5	11	3	7
2	1	2	7	2	2	12	3	4
...			...			...		

Viagra: 1 = Kontrollgruppe, 2 = niedrige Dosierung, 3 = hohe Dosierung

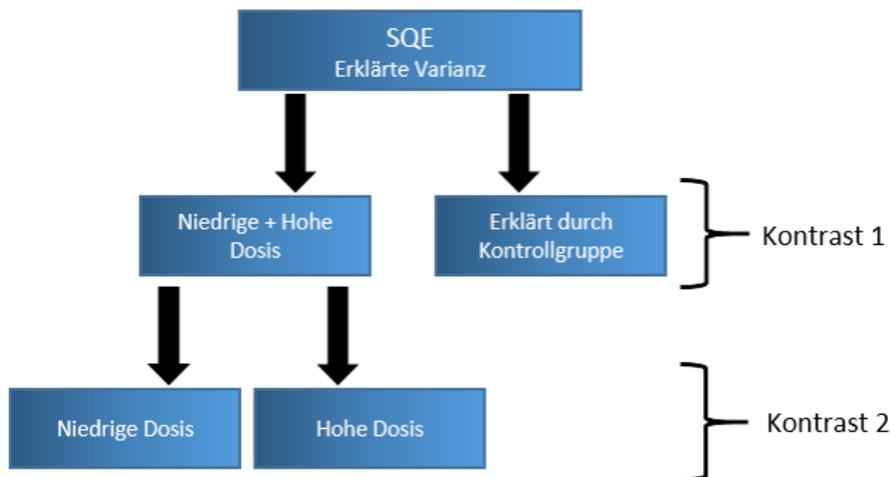


- Wiederholter Vergleich zweier Variationen
- Hierarchisches Vorgehen
- Gezieltes Annähern anhand der Hypothese , die vorher festgelegt werden muss!

- Wiederholter Vergleich zweier Variationen
- Hierarchisches Vorgehen
- Gezieltes Annähern anhand der Hypothese , die vorher festgelegt werden muss!

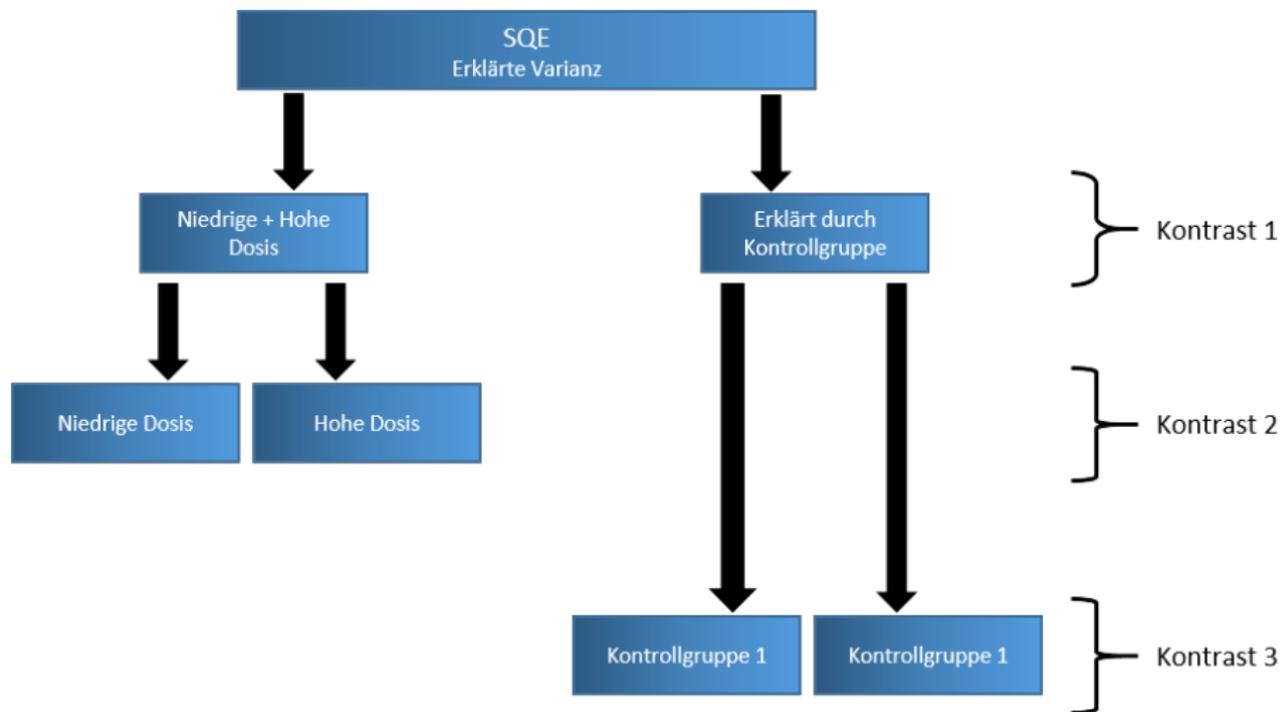
## 3 Regeln:

- Variation der Kontrollgruppen sollten gegen Variation der Experimentgruppen kontrastiert werden
- Jeder Kontrast darf nur 2 Variationen vergleichen
- Jede Gruppe darf nur Teil eines Kontrasts sein



- Auf übergeordneten Ebenen Vergleichswerte für zusammengesetzte Gruppen neu berechnen
  - bspw. Mittelwerte für Niedrige + Hohe Dosis
- Kontrastierung mit Multipler Regression mittels Dummy Variablen

# Kontraste bei 4 Gruppen (Bsp: 2 Kontrollgruppen)



# Berechnung Orthogonaler Kontraste

Schritt 1: Tabelle aufstellen

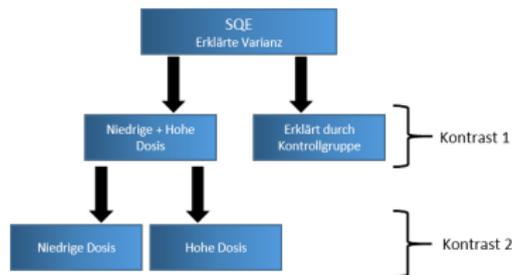
Schritt 2:

Schritt 3:

Schritt 4:

(Schritt 5:)

Gruppe	Kontrast 1	Kontrast 2
Placebo		
niedrig		
hoch		



# Berechnung Orthogonaler Kontraste

Schritt 1: Tabelle aufstellen

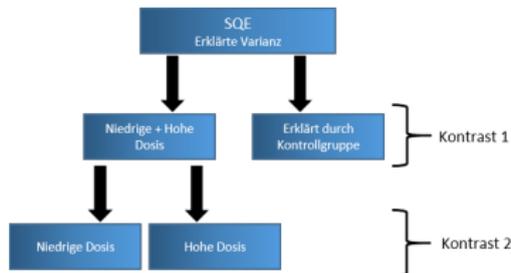
Schritt 2: Unbeteiligte Gruppen  $\rightarrow 0$

Schritt 3: Linke Gruppe +, Rechte Gruppe -

Schritt 4:

(Schritt 5:)

Gruppe	Kontrast 1	Kontrast 2
Placebo	-	0
niedrig	+	-
hoch	+	+



# Berechnung Orthogonaler Kontraste

Schritt 1: Tabelle aufstellen

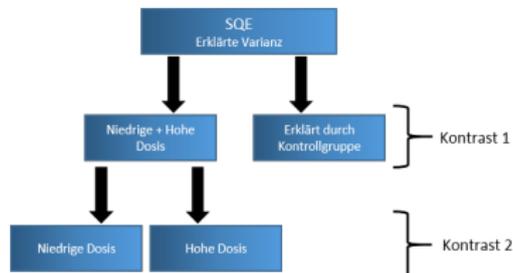
Schritt 2: Unbeteiligte Gruppen  $\rightarrow 0$

Schritt 3: Linke Gruppe  $-$ , Rechte Gruppe  $+$

Schritt 4: Gegenüberliegende Gruppenzahl eintragen

(Schritt 5:)

Gruppe	Kontrast 1	Kontrast 2
Placebo	-2	0
niedrig	+1	-1
hoch	+1	+1



# Berechnung Orthogonaler Kontraste

Schritt 1: Tabelle aufstellen

Schritt 2: Unbeteiligte Gruppen  $\rightarrow 0$

Schritt 3: Linke Gruppe  $-$ , Rechte Gruppe  $+$

Schritt 4: Gegenüberliegende Gruppenzahl eintragen

(Schritt 5: Orthogonalität prüfen)

Gruppe	Kontrast 1	Kontrast 2	Kontrast 1 * Kontrast 1
Placebo	-2	0	0
niedrig	+1	-1	-1
hoch	+1	+1	+1
SUM	0	0	0

# Berechnung Orthogonaler Kontraste

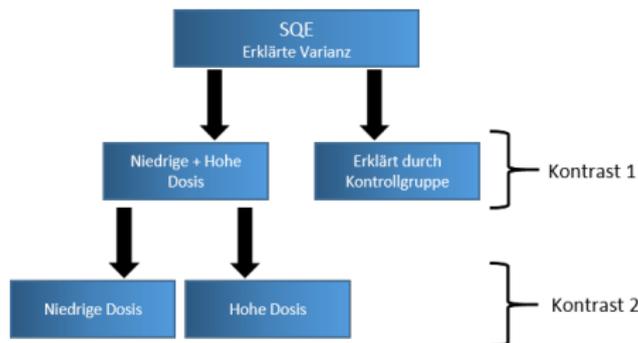
	Viagra	Libido
1	1	3
2	1	2
...		
6	2	5
7	2	2
...		
11	3	7
12	3	4
...		



	Viagra	Libido	Kontr1	Kontr2
1	1	3	-2	0
2	1	2	-2	0
...				
6	2	5	1	-1
7	2	2	1	-1
...				
11	3	7	1	1
12	3	4	1	1
...				

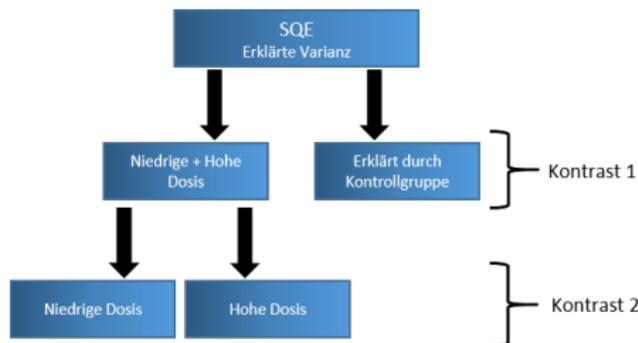
# Kontrastierung über Multiple Regression

- Regressionsformel  $\hat{Y} = (b_0 + b_1 * \text{Kontrast1} + b_2 * \text{Kontrast2} + \dots)$



# Kontrastierung über Multiple Regression

- Regressionsformel  $\hat{Y} = (b_0 + b_1 * \text{Kontrast1} + b_2 * \text{Kontrast2} + \dots)$



- $b_0 = \text{Grand Mean}$
- $b_i = \frac{\overline{\text{Links}} - \overline{\text{Rechts}}}{\text{Gruppenzahl}_{\text{Kontrast } i}}$
- $b_1 = \frac{\overline{\text{Niedrig}} + \overline{\text{Hoch}} - \overline{\text{Kontrollgruppe}}}{3}$ ,  $b_2 = \frac{\overline{\text{Niedrig}} - \overline{\text{Hoch}}}{2}$

# Kontrastierung über Multiple Regression

```
libido<-c(3,2,1,1,4,5,2,4,2,3,7,4,5,3,6)
dose<-gl(3,5, labels = c("Placebo", "Low Dose", "High Dose"))
viagraDataContrast<-data.frame(dose, libido)
viagraData<-data.frame(dose, libido)
contrast1<-c(-2,1,1)
contrast2<-c(0,-1,1)
contrasts(viagraDataContrast$dose)<-cbind(contrast1, contrast2)
viagraPlannedContrast<-aov(libido~dose, data = viagraDataContrast)
viagraPlanned<-aov(libido~dose, data = viagraData)
```

```
summary.lm(viagraPlannedContrast)
```

	Estimate	Std. Error	t value	Pr(> t )	
(Intercept)	3.4667	0.3621	9.574	5.72e-07	***
dosecontrast1	0.6333	0.2560	2.474	0.0293	* //t-Wert f"ur Kontrast1
dosecontrast2	0.9000	0.4435	2.029	0.0652	. //t-Wert f"ur Kontrast2

```
summary.lm(viagraPlanned)
```

```
//Das hier ist falsch
```

```
Coefficients:
```

	Estimate	Std. Error	t value	Pr(> t )	
(Intercept)	2.2000	0.6272	3.508	0.00432	**
doseLow Dose	1.0000	0.8869	1.127	0.28158	
doseHigh Dose	2.8000	0.8869	3.157	0.00827	**

## 1 Motivation

## 2 ANOVA

- Berechnung
- Beispiel
- Robustheit von ANOVA

## 3 Lokalisierung der Unterschiede

- Geplante Kontrastierung
- Post Hoc Tests

## 4 Effektstärke

Grundidee:

- Mache paarweise Tests
- Angepasste Signifikanz verhindert, dass der kummulierte Typ 1 Fehler im Toleranzbereich bleibt

Grundidee:

- Mache paarweise Tests
- Angepasste Signifikanz verhindert, dass der kummulierte Typ 1 Fehler im Toleranzbereich bleibt
- (naiv) Bonferroni Korrektur:  $p_{kr} = \frac{\alpha}{\text{Anzahl der Vergleiche}}$

Grundidee:

- Mache paarweise Tests
- Angepasste Signifikanz verhindert, dass der kummulierte Typ 1 Fehler im Toleranzbereich bleibt
- (naiv) Bonferroni Korrektur:  $p_{kr} = \frac{\alpha}{\text{Anzahl der Vergleiche}}$
- Pro Test steigt die Wahrscheinlichkeit von Typ 2 Fehlern (Vorhandener Effekt nicht festgestellt)

Verbesserung durch Abstufung: (Hochberg:1988, Holm:1979, Hommel:1988)

Grundidee Holm:1979 : Bereits abgearbeitete Vergleiche werden nicht mehr beachtet

- Berechne  $p$  für jeden Vergleich
- Sortiere  $p$  absteigend und vergebe Rang  $j$
- $p_{kr} = \frac{\alpha}{j}$
- From  $j=6$  TO  $j=1$ :  
if  $p < p_{kr} \rightarrow$  Unterschied ist signifikant
- Stoppe sobald  $p > p_{kr}$
- Alle weiteren Unterschiede sind nicht signifikant

Verbesserung durch Aufstufung: (Benjamini & Hochberg:1995)

Grundidee : Lieber Typ 2 Fehler als Typ 1 Fehler optimieren

- Berechne  $p$  für jeden Vergleich
- Sortiere  $p$  aufsteigend und vergebe Rang  $j$
- $p_{kr} = \frac{j}{k} * \alpha$
- From  $j=k$  TO  $j=1$ :  
if  $p > p_{kr} \rightarrow$  Unterschied ist nicht signifikant
- Stoppe sobald  $p < p_{kr}$
- Alle weiteren Unterschiede sind signifikant

Daten Siehe Superhero.dat im Moodle

\* = signifikant

	p
NT,Super	.000
Super,Hulk	.0014
Spider,Super	.0127
NT,Spider	.0252
NT,Hulk	.1704
Spider,Hulk	.3431

Daten Siehe Superhero.dat im Moodle

\* = signifikant

	p	Bonferroni $\frac{\alpha}{k}$
NT,Super	.000	.0083*
Super,Hulk	.0014	.0083*
Spider,Super	.0127	.0083
NT,Spider	.0252	.0083
NT,Hulk	.1704	.0083
Spider,Hulk	.3431	.0083

Daten Siehe Superhero.dat im Moodle

\* = signifikant

	p	Bonferroni $\frac{\alpha}{k}$	$j_1$	Holm $\frac{\alpha}{j_1}$
NT,Super	.000	.0083*	6	.0083*
Super,Hulk	.0014	.0083*	5	.0100*
Spider,Super	.0127	.0083	4	.0125
NT,Spider	.0252	.0083	3	.0167
NT,Hulk	.1704	.0083	2	.0250
Spider,Hulk	.3431	.0083	1	.0500

Daten Siehe Superhero.dat im Moodle

\* = signifikant

	p	Bonferroni $\frac{\alpha}{k}$	$j_1$	Holm $\frac{\alpha}{j_1}$	$j_2$	B. & H. $\frac{j}{k} * \alpha$
NT,Super	.000	.0083*	6	.0083*	1	.0083*
Super,Hulk	.0014	.0083*	5	.0100*	2	.0167*
Spider,Super	.0127	.0083	4	.0125	3	.0250*
NT,Spider	.0252	.0083	3	.0167	4	.0333*
NT,Hulk	.1704	.0083	2	.0250	5	.0417
Spider,Hulk	.3431	.0083	1	.0500	6	.0500

- Determinationskoeffizient  $R^2 = \frac{SQE}{SQT}$
- Weniger Bias:  $\Omega^2 \omega^2 = \frac{SQE - (k * MSR)}{SQT + MSR}$  mit  $k =$  Anzahl der Gruppen

- Determinationskoeffizient  $R^2 = \frac{SQE}{SQT}$
- Weniger Bias:  $\Omega^2 \omega^2 = \frac{SQE - (k * MSR)}{SQT + MSR}$  mit k = Anzahl der Gruppen
- Guidelines für  $\omega^2$  (Kirk, R.E.(1996) Practical Significance: A concept whose time has come, *Educational and Psychological Measurements*, 56(5), 746-759.)
  - .01 → gering
  - .06 → moderat
  - .14 → stark
  - sehr kontextabhängig

- ANOVA vergleicht mehrere Mittelwerte als Omnibus Test
- F-Ratio
- Robustheit von ANOVA
- Familienbezogene Fehler bei paarweisen Vergleichen
- Lokalisierung von Unterschieden
  - Kontrastierung
  - Post Hoc Tests
- Determinationskoeffizient  $R^2$  und quadriertes Omega  $\omega^2$  als Effektstärke
- Übersprungen: Weitere Kontrastierungen (Nicht-Orthogonal, Polynomial)