



Studentenmitteilung

1. Semester - WS 2007

Aufgaben zu Übung Grundlagen der Technischen Informatik 1

1. Aufgabenkomplex - 1. Aufgabe

Mechanische und elektrische Größen am Plattenkondensator

Zwischen den Punkten A und B und damit zwischen den beiden Platten des Plattenkondensators im Vakuum wird eine Spannung von 50V gemessen. Dabei soll sich die negative Ladung auf der B-Platte befinden. Zur Vereinfachung wird angenommen, dass sich die Ladungen gleichmäßig verteilt auf den Oberflächen befinden.

Werte:

$$U_{AB} = 50V$$

$$d = 500\mu m$$

$$b = 300mm$$

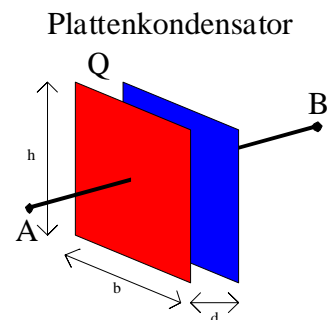
$$h = 300mm$$

$$\epsilon_{r-V} = 1 \quad (\text{Vakuum})$$

$$\epsilon_{r-G} = 8 \quad (\text{Glimmer})$$

$$\epsilon_0 = 8,854 \cdot 10^{-12} \frac{As}{Vm}$$

$$e_0 = 1,602 \cdot 10^{-19} C$$



Bestimmen Sie :

(Gesamtpunktzahl=11 Punkte)

1. Bestimmen Sie die Kapazität C_V des Plattenkondensators. **2 Punkte**
2. Bestimmen Sie die Ladung Q_A und Q_B auf der Platte A und B. **2 Punkte**
3. Bestimmen Sie die Anzahl der Elektronen n auf der Platte B, die mehr als im ungeladenen Zustand auf der Platte sind. **2 Punkte**
4. Bestimmen Sie die Kraft F_{AB} zwischen den Platten. **1 Punkt**
5. Bestimmen Sie die Feldstärke E_{AB} zwischen den Platten. **1 Punkt**

Nun wird zwischen die Platten Glimmer gegeben. Die Ladung auf dem Kondensator ändert sich dabei nicht.

6. Bestimmen Sie die Kapazität C_G des Plattenkondensators.

2 Punkte

7. Bestimmen Sie die Spannung U_{AB-G} des Plattenkondensators.

1 Punkte

Nun wird zwischen die beiden Platte Quarz gegeben. Die Ladungen auf den beiden Platten bleibt dabei gleich.

Die Formeln sind in der Aufgabenstellung gelöscht.

Entnehmen Sie diese bitte den Scripten T11 von Herrn Dr. Bogdan und anderen Quellen.

Formel :

$$Q = C \cdot U$$

$$E = \frac{U}{d} = \frac{F}{Q}$$

$$Q_A = Q = Q_1 \quad Q_B = -Q = Q_2 \quad Q_A = -Q_B$$

$$A = b \cdot h$$

$$W = F \cdot s = \frac{1}{2} \cdot C \cdot U^2 \Rightarrow F = \frac{C \cdot U^2}{2 \cdot s}$$

$$F = \frac{\epsilon_r \epsilon_0 A}{2s^2} \cdot U^2 \quad \text{mit } s = d$$

$$Q_A = n \cdot e_0 \quad Q_B = -n \cdot e_0$$

$$C = \epsilon_r \epsilon_0 \cdot \frac{A}{d} = \epsilon_r \epsilon_0 \cdot \frac{b \cdot h}{d}$$

Maßeinheiten :

$$[U] = V$$

$$[Q] = C = As$$

$$[C] = F = \frac{As}{V}$$

$$[d] = [l] = [h] = m$$

$$[\epsilon_r] = \text{---}$$

$$[\epsilon_0] = \frac{As}{Vm}$$

$$[F] = N = \frac{kgm}{s^2} = \frac{Ws}{m}$$

Dies erhält man über die Energie :

$$[W] = 1J = 1Ws = 1Nm = 1 \frac{kgm^2}{s^2}$$

Bemerkung:

Beim geladenen Kondensator befindet sich auf beiden Seiten der gleiche Betrag der Ladung nur mit unterschiedlichen Vorzeichen.

Auf der negativen Platte befindet sich gegenüber dem ungeladenen Zustand ein Elektronenüberschuss, auf der positiven ein Elektronenmangel.

Im ungeladenen Zustand befinden sich natürlich auch viele Elektronen auf den Platten, deren Ladung wird aber durch eine äquivalente Menge positiver Ladungen, im allgemeinen Protonen, kompensiert. Für die Angabe der Anzahl der Elektronen sind keine Präfixe erforderlich. Es wird mit dem Betrag der Ladung gearbeitet.

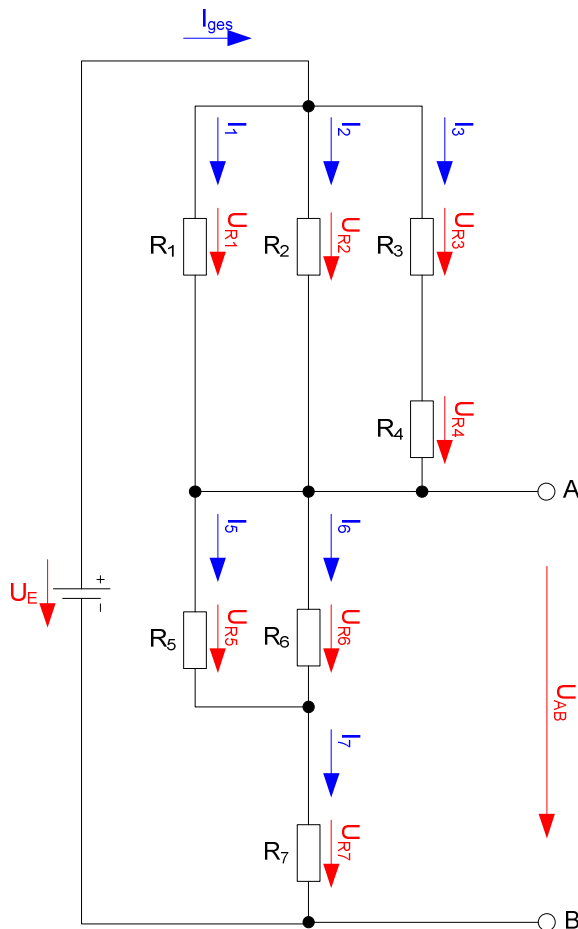
Der Abstand der Ladungen definiert sich durch den Abstand der Flächen, der aufgrund der einfachen Geometrie den Wert d hat.

1. Aufgabenkomplex - 2. Aufgabe

Spannungen und Ströme an einer Widerstandskonfigurationen

Durch eine Widerstandskonfiguration fließt ein Strom von $I_{ges} = 10\text{mA}$.

Bestimmen Sie die Spannung U_{AB} und die Spannung U_E . Nutzen Sie dabei die Methode über die Leitwerte.



Werte:

$$I_{ges} = 10\text{mA}$$

$$R_1 = 25\text{k}\Omega$$

$$R_2 = 20\text{k}\Omega$$

$$R_3 = 24\text{k}\Omega$$

$$R_4 = 6\text{k}\Omega$$

$$R_5 = 16\text{k}\Omega$$

$$R_6 = 16\text{k}\Omega$$

$$R_7 = 8\text{k}\Omega$$

Aufgaben:

(Gesamtpunktzahl=19 Punkte)

1. Bestimmen Sie die Leitwerte G_{R5} und G_{R6} der Widerstände R_5 und R_6 **2 Punkte**
2. Bestimmen Sie den Ersatz-Leitwert G_{R56} der Widerstände R_5 und R_6 ($R_5 || R_6$) **2 Punkte**
3. Bestimmen Sie den Ersatz-Widerstand R_{56} der Widerstände R_5 und R_6 **2 Punkte**
4. Bestimmen Sie den Ersatz-Widerstand R_{567} der Widerstände R_5 , R_6 und R_7 **2 Punkte**
5. Bestimmen Sie die Spannung U_{AB} **2 Punkte**
6. Bestimmen Sie den Ersatz-Widerstand R_{34} der Widerstände R_3 und R_4 **2 Punkte**
7. Bestimmen Sie die Leitwerte G_{R1} , G_{R2} und G_{R34} der Widerstände R_1 , R_2 und R_{34} **2 Punkte**
8. Bestimmen Sie den Ersatz-Leitwert G_{1-4} der Widerstände R_1 , R_2 und R_{34} ($R_1 || R_2 || R_{34}$) **2 Punkte**
9. Bestimmen Sie den Ersatz-Widerstand R_{1-4} der Widerstände R_1 , R_2 und R_{34} **1 Punkt**
10. Bestimmen Sie den Ersatz-Widerstand R_{1-7} der Widerstände R_7 , R_{56} und R_{1-4} **1 Punkt**
11. Bestimmen Sie die Spannung U_E **1 Punkt**

Das Zeichen || bedeutet Parallelschaltung von Widerständen.
Die Werte sind ohne die Determinantenmethode auszurechnen.

Die Formeln sind in der Aufgabenstellung gelöscht.

Entnehmen Sie diese bitte den Scripten TI1 von Herrn Dr. Bogdan und anderen Quellen.

Da der Stoff noch nicht in der Vorlesung gebracht wurde ist er im Selbststudium aus den Scripten zu erarbeiten.

Formel :

$$U = I \cdot R$$

$$G = \frac{1}{R}$$

Parallelschaltung von 2 Widerständen :

$$R_1 \parallel R_2 = \left[\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right]^{-1} = \frac{R_1 \cdot R_2}{R_1 + R_2}$$

Reihenschaltung von Widerständen :

$$R_{ers} = \sum_{k=1}^n R_k \quad U_{ges} = \sum_{k=1}^n U_k \quad I_1 = I_2 = \dots = I_n$$

Parallelschaltung von Widerständen :

$$G_{ers} = \sum_{k=1}^n G_k \quad \left[= \frac{1}{R_{ers}} = \sum_{k=1}^n \frac{1}{R_k} \right] \quad I_{ges} = \sum_{k=1}^n I_k \quad U_1 = U_2 = \dots = U_n$$

Maßeinheiten :

$$[U] = V \quad [I] = A$$

$$[R] = \Omega \quad \left[= \frac{V}{A} \right]$$

$$[G] = S \quad \left[= \frac{A}{V} \right]$$

Bemerkung:

Für alle Aufgaben gilt:

- 1. In allen Formeln mit Zahlen sind die Maßeinheiten mitzuschleifen.**
 - 2. Bei den Endergebnissen sind die Maßeinheiten zu verwenden, die, wenn vorhanden, aus einem Buchstaben bestehen. Während der Rechnung können Sie nach eigenem Ermessen verfahren.**
 - 3. Bei den Endergebnissen sind die $10^{\pm 3}$ Präfixe konsequent zu verwenden. Während der Rechnung können Sie nach eigenem Ermessen verfahren. Präfixe nur verwenden, wenn eine Maßeinheit dahinter ist.**
 - 4. Alle Aufgaben auf insgesamt 4 Stellen genau berechnen, wenn in Aufgabe nicht anders angegeben.**
- In der Klausur ist kein Rechner erlaubt, dort sind es entsprechend weniger Stellen.**
- 5. Die Aufgaben sind zu nummerieren, auch die Teilaufgaben.**
 - 6. Der Rechenweg muß ersichtlich sein. Gegebenenfalls das Schmierblatt anheften.**
 - 7. Jedes Blatt ist wie folgt zu nummerieren Seite/Gesamtzahl der Seiten (z.B. Seite 6/8)**

Nichtbeachtung wird mit Punktabzug geahndet!

Präfixe zur Kennzeichnung des Vielfachen von gesetzlichen Einheiten (dezimal)		
Zeichen	Faktor	Bezeichnung
Y	10^{24}	Yotta
Z	10^{21}	Zetta
E	10^{18}	Exa
P	10^{15}	Peta
T	10^{12}	Tera
G	10^9	Giga
M	10^6	Mega
k	10^3	Kilo
m	10^{-3}	Milli
μ	10^{-6}	Mikro
n	10^{-9}	Nano
p	10^{-12}	Piko
f	10^{-15}	Femto
a	10^{-18}	Atto
z	10^{-21}	Zepto
y	10^{-24}	Yokto
Weniger gebräuchlich nur zu Information		
h	10^2	Hekto
da	10^1	Deka
d	10^{-1}	Dezi
c	10^{-2}	Zenti

Umgang mit den Präfixen am Beispiel einer 4stelligen Genauigkeit:

--- , - Präfix Maßeinheit

-- , -- Präfix Maßeinheit

-, --- Präfix Maßeinheit

Beispiele:

216,4 μ F; 33,45kHz; 2,456M Ω ; 7,482A

Lösung:

1. Aufgabenkomplex - 1. Aufgabe

Mechanische und elektrische Größen am Plattenkondensator

1. Bestimmen Sie die Kapazität C_V des Plattenkondensators.

$$C = \varepsilon_{r-v} \varepsilon_0 \cdot \frac{A}{d} = \varepsilon_r \varepsilon_0 \cdot \frac{b \cdot h}{d}$$
$$\varepsilon_{r-v} = 1 \quad \varepsilon_0 = 8,854 \cdot 10^{-12} \frac{As}{Vm} \quad b = h = 300mm \quad d = 500\mu m$$
$$C = 1 \cdot 8,854 \cdot 10^{-12} \frac{As}{Vm} \cdot \frac{300mm \cdot 300mm}{500\mu m} = 8,854 \cdot 10^{-12} \frac{As}{Vm} \cdot \frac{300 \cdot 10^{-3} m \cdot 300 \cdot 10^{-3} m}{500 \cdot 10^{-6} m}$$
$$= 8,854 \cdot 10^{-12} \cdot \frac{300 \cdot 300}{500} \frac{As}{V} = 8,854 \cdot 10^{-12} \cdot 180 F = 1,594 \cdot 10^{-9} F = 1,594 nF$$

2. Bestimmen Sie die Ladung Q_A und Q_B auf der Platte A und B.

$$Q = C \cdot U$$
$$Q_A = Q = Q_1 \quad Q_B = -Q = Q_2 \quad Q_A = -Q_B$$
$$C = 1,594 nF \quad U = 50V$$
$$Q = 1,594 nF \cdot 50V = 1,594 \cdot 10^{-9} \frac{As}{V} \cdot 50V = 7,97 \cdot 10^{-8} C$$
$$= 79,7 \cdot 10^{-9} C = 79,7 nC$$
$$Q_A = 79,7 nC \quad Q_B = -79,7 nC$$

3. Bestimmen Sie die Anzahl der Elektronen n auf der Platte B, die mehr als im ungeladenen Ss Zustand auf der Platte sind.

$$Q = n \cdot e_0 \Rightarrow n = \frac{Q}{e_0}$$
$$Q = 79,7 nC \quad e_0 = 1,602 \cdot 10^{-19} C$$
$$n = \frac{79,7 nC}{1,602 \cdot 10^{-19} C} = \frac{79,7 \cdot 10^{-9} C}{1,602 \cdot 10^{-19} C} = 4,975 \cdot 10^{11} = 497,5 \cdot 10^9$$

4. Bestimmen Sie die Kraft F_{AB} zwischen den Platten.

1. Möglichkeit

$$W = F \cdot s = \frac{1}{2} \cdot C \cdot U^2 \Rightarrow F = \frac{C \cdot U^2}{2 \cdot s}$$

$$C = 1,594 \text{ nF} \quad U = 50 \text{ V} \quad s = d = 500 \mu\text{m}$$

$$F = \frac{1,594 \text{ nF} \cdot (50 \text{ V})^2}{2 \cdot 500 \mu\text{m}} = \frac{1,594 \cdot 10^{-9} \frac{\text{As}}{\text{V}} \cdot 2500 \text{ V}^2}{2 \cdot 500 \cdot 10^{-6} \text{ m}} = \frac{3,985 \cdot 10^{-6}}{2 \cdot 5 \cdot 10^{-4}} \cdot \frac{\text{VA s}}{\text{m}}$$

$$= \frac{3,985 \cdot 10^{-6}}{2 \cdot 5 \cdot 10^{-4}} \cdot \frac{\text{Ws}}{\text{m}} = 3,985 \cdot 10^{-3} \text{ N} = 3,985 \text{ mN}$$

2. Möglichkeit (Lindner-Taschenbuch der Elektrotechnik und Elektronik [S57])

$$F = \frac{\epsilon_{r-v} \epsilon_0 A U^2}{2d^2}$$

$$\epsilon_{r-v} = 1 \quad \epsilon_0 = 8,854 \cdot 10^{-12} \frac{\text{As}}{\text{Vm}} \quad b = h = 300 \text{ mm} \quad U = 50 \text{ V} \quad d = 500 \mu\text{m}$$

$$A = 300 \text{ mm} \cdot 300 \text{ mm} = 90000 \cdot 10^{-6} \text{ m}^2 = 9 \cdot 10^{-2} \text{ m}^2$$

$$F = \frac{1 \cdot 8,854 \cdot 10^{-12} \frac{\text{As}}{\text{Vm}} \cdot 9 \cdot 10^{-2} \text{ m}^2 \cdot (50 \text{ V})^2}{2 \cdot (500 \cdot 10^{-6} \text{ m})^2} = \frac{8,854 \cdot 10^{-12} \frac{\text{As}}{\text{Vm}} \cdot 9 \cdot 10^{-2} \text{ m}^2 \cdot 2500 \text{ V}^2}{2 \cdot 250000 \cdot 10^{-12} \text{ m}^2}$$

$$= \frac{8,854 \cdot 9 \cdot 25}{2 \cdot 250000} \cdot \frac{\text{VA s}}{\text{m}} = \frac{8,854 \cdot 9 \cdot 25}{2 \cdot 2,5 \cdot 10^5} \cdot \frac{\text{VA s}}{\text{m}} = \frac{1 \cdot 8,854 \cdot 9 \cdot 25}{2 \cdot 2,5} \cdot 10^{-5} \cdot \frac{\text{Ws}}{\text{m}} = 398,4 \cdot 10^{-5} \text{ N}$$

$$= 3,984 \cdot 10^{-3} \text{ N} = 3,984 \text{ mN}$$

4. Bestimmen Sie die Feldstärke E_{AB} zwischen den Platten.

$$U = E \cdot d \Rightarrow E = \frac{U}{d}$$

$$U = 50 \text{ V} \quad d = 500 \mu\text{m}$$

$$E = \frac{50 \text{ V}}{500 \mu\text{m}} = \frac{50 \text{ V}}{500 \cdot 10^{-6} \text{ m}} = 100000 \frac{\text{V}}{\text{m}} \quad \left[= 100 \frac{\text{V}}{\text{mm}} \right]$$

Nun wird zwischen die Platten Quarz gegeben. Die Ladung auf dem Kondensator ändert sich dabei nicht.

6. Bestimmen Sie die Kapazität C_G des Plattenkondensators.

$$C = \epsilon_{r-Q} \epsilon_0 \cdot \frac{A}{d} = \epsilon_r \epsilon_0 \cdot \frac{b \cdot h}{d}$$

$$\epsilon_{r-G} = 8 \quad \epsilon_0 = 8,854 \cdot 10^{-12} \frac{As}{Vm} \quad b = h = 300mm \quad d = 500\mu m$$

$$C = 8 \cdot 8,854 \cdot 10^{-12} \frac{As}{Vm} \cdot \frac{300mm \cdot 300mm}{500\mu m} = 70,83 \cdot 10^{-12} \frac{As}{Vm} \cdot \frac{300 \cdot 10^{-3} m \cdot 300 \cdot 10^{-3} m}{500 \cdot 10^{-6} m}$$

$$= 70,83 \cdot 10^{-12} \cdot \frac{300 \cdot 300}{500} \frac{As}{V} = 70,83 \cdot 10^{-12} \cdot 180 F = 1,275 \cdot 10^{-8} F = 12,75 \cdot 10^{-9} F = 12,75 nF$$

7. Bestimmen Sie die Spannung U_{AB-G} des Plattenkondensators.

$$Q = C \cdot U \Rightarrow U = \frac{Q}{C}$$

$$Q = 79,7 nC \quad C = 12,75 nF$$

$$U = \frac{79,7 nC}{12,75 nF} = \frac{79,7 \cdot 10^{-9} C}{12,75 \cdot 10^{-9} F} = 6,251 V$$

Lösung:

1. Aufgabenkomplex - 2. Aufgabe

Spannungen und Ströme an einer Widerstandskonfigurationen

Aufgaben:

1. Bestimmen Sie die Leitwerte G_{R_5} und G_{R_6} der Widerstände R_5 und R_6

$$G_{R_i} = \frac{1}{R_i}$$
$$R_5 = 16k\Omega \quad R_6 = 16k\Omega$$
$$G_5 = \frac{1}{16k\Omega} = 0,083333 \cdot 10^{-3} S = 62,5 \cdot 10^{-6} S = 62,5 \mu S$$
$$G_6 = \frac{1}{16k\Omega} = 0,083333 \cdot 10^{-3} S = 62,5 \cdot 10^{-6} S = 62,5 \mu S$$

2. Bestimmen Sie den Ersatz-Leitwert $G_{R_{56}}$ der Widerstände R_5 und R_6 ($R_5 \parallel R_6$)

$$G_{56} = G_5 + G_6$$
$$G_5 = 62,5 \mu S \quad G_6 = 62,5 \mu S$$
$$G_{56} = 62,5 \mu S + 62,5 \mu S = 125 \mu S$$

3. Bestimmen Sie den Ersatz-Widerstand R_{56} der Widerstände R_5 und R_6

$$R_{56} = \frac{1}{G_{56}}$$
$$G_{56} = 125 \mu S$$
$$R_{56} = \frac{1}{125 \mu S} = 0,008 \cdot 10^6 \Omega = 8k\Omega$$

4. Bestimmen Sie den Ersatz-Widerstand R_{567} der Widerstände R_5 , R_6 und R_7

$$R_{567} = R_{56} + R_7$$
$$R_{56} = 8k\Omega \quad R_7 = 8k\Omega$$
$$R_{567} = 8k\Omega + 8k\Omega = 16k\Omega$$

5. Bestimmen Sie die Spannung U_{AB}

$$U_{AB} = I_{ges} \cdot R_{567}$$
$$I_{ges} = 10mA \quad R_{567} = 16k\Omega$$
$$U_{AB} = 10mA \cdot 16k\Omega = 160V$$

6. Bestimmen Sie den Ersatz-Widerstand R_{34} der Widerstände R_3 und R_4

$$R_{34} = R_3 + R_4$$
$$R_3 = 24k\Omega \quad R_4 = 6k\Omega$$
$$R_{34} = 24k\Omega + 6k\Omega = 30k\Omega$$

7. Bestimmen Sie die Leitwerte G_{R1} , G_{R2} und G_{R34} der Widerstände R_1 , R_2 und R_{34}

$$G_{Ri} = \frac{1}{R_i}$$
$$R_1 = 25k\Omega \quad R_2 = 20k\Omega \quad R_{34} = 30k\Omega$$
$$G_1 = \frac{1}{25k\Omega} = 0,04 \cdot 10^{-3} S = 40 \cdot 10^{-6} S = 40\mu S$$
$$G_2 = \frac{1}{20k\Omega} = 0,05 \cdot 10^{-3} S = 50 \cdot 10^{-6} S = 50\mu S$$
$$G_{34} = \frac{1}{30k\Omega} = 0,03333 \cdot 10^{-3} S = 33,3 \cdot 10^{-6} S = 33,3\mu S$$

8. Bestimmen Sie den Ersatz-Leitwert G_{1-4} der Widerstände R_1 , R_2 und R_{34} ($R_1 || R_2 || R_{34}$)

$$G_{1-4} = G_1 + G_2 + G_{34}$$
$$G_1 = 40\mu S \quad G_2 = 50\mu S \quad G_{34} = 33,33\mu S$$
$$G_{1-4} = 40\mu S + 50\mu S + 33,33\mu S = 123,33\mu S$$

9. Bestimmen Sie den Ersatz-Widerstand R_{1-4} der Widerstände R_1 , R_2 und R_{34}

$$R_{1-4} = \frac{1}{G_{1-4}}$$
$$G_{1-4} = 123,33\mu S$$
$$R_{1-4} = \frac{1}{123,33\mu S} = 0,008108 \cdot 10^6 \Omega = 8,108k\Omega$$

10. Bestimmen Sie den Ersatz-Widerstand R_{1-7} der Widerstände R_7 , R_{56} und R_{1-4}

$$R_{1-7} = R_7 + R_{56} + R_{1-4}$$
$$R_7 = 8k\Omega \quad R_{56} = 8k\Omega \quad R_{1-4} = 8,108k\Omega$$
$$R_{1-7} = 8k\Omega + 8k\Omega + 8,108k\Omega = 24,11k\Omega$$

11. Bestimmen Sie die Spannung U_E

$$U_E = I_{ges} \cdot R_{1-7}$$
$$I_{ges} = 10mA \quad R_{1-7} = 24,11k\Omega$$
$$U_E = 10mA \cdot 24,11k\Omega = 241,1V$$