



Aufgaben zum Fach Technische Informatik

1. Semester / Wintersemester 1996/97

Aufgabe 1.4. - Berechnung komplexer Widerstände in der Normal- und Versorform (Exponentialform)

Aufgabe 1.4.1. - Transformation von Zeitfunktionen in die komplexe Ebene

Transformieren Sie folgende Zeitfunktionen in die komplexe Ebene und bestimmen Sie die komplexe Amplitude \underline{U} :

$$u(t) = 1V \sin(12,5663ks^{-1}t - 30^\circ)$$

allgemein: $u(t) = U \sin(\omega t + \varphi_U)$

und stellen Sie diese in der Normal-, goniometrischen-, Exponential- und Versorform dar.

allgemein: $\underline{U} = \operatorname{Re}\{\underline{U}\} + j\operatorname{Im}\{\underline{U}\} = U(\cos(\varphi_U) + j\sin(\varphi_U)) = U \exp(j\varphi_U) = U \angle \varphi_U$
mit: $U = (\operatorname{Re}^2\{\underline{U}\} + \operatorname{Im}^2\{\underline{U}\})^{1/2}$, $\varphi_U = \arctan(\operatorname{Im}\{\underline{U}\} / \operatorname{Re}\{\underline{U}\})$

(Beispiel für die Darstellung: $\underline{U} = 3V + j4V = 5V(\cos 53,1^\circ + j\sin 53,1^\circ) = 5V \exp(j53,1^\circ) = 5V \angle 53,1^\circ$)

Aufgabe 1.4.2. - Reihenschaltung von Widerstand und Kapazität

Gegeben ist folgende Schaltung für \underline{Z}_1 :

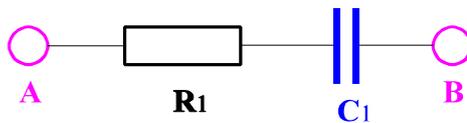


Abb. 1

$R_1 = 60 \Omega$
 $C_1 = 3,183 \mu F$
 $f = 1k \text{ Hz}$

allgemein: $\underline{Z} = \operatorname{Re}\{\underline{Z}\} + j\operatorname{Im}\{\underline{Z}\} = Z(\cos(\varphi_Z) + j\sin(\varphi_Z)) = Z \exp(j\varphi_Z) = Z \angle \varphi_Z$
mit: $\operatorname{Re}\{\underline{Z}\} = R$, $\operatorname{Im}\{\underline{Z}\} = X_L + X_C$, mit $jX_L = j\omega L$ und $jX_C = -j(\omega C)^{-1}$
und: $Z = (\operatorname{Re}^2\{\underline{Z}\} + \operatorname{Im}^2\{\underline{Z}\})^{1/2}$, $\varphi_Z = \arctan(\operatorname{Im}\{\underline{Z}\} / \operatorname{Re}\{\underline{Z}\})$

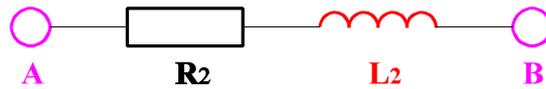
Berechnen Sie den komplexen Widerstand \underline{Z} zwischen den Punkten A und B in der Normal-, goniometrischen-, Exponential- und Versorform.

Stellen Sie das Ergebnis in der Gaußschen Zahlenebene dar

(Beispiel für die Darstellung: $\underline{Z} = 3 \Omega + j4 \Omega = 5 \Omega(\cos 53,1^\circ + j\sin 53,1^\circ) = 5 \Omega \exp(j53,1^\circ) = 5 \Omega \angle 53,1^\circ$)

Aufgabe 1.4.3. - Reihenschaltung von Widerstand und Induktivität

Gegeben ist folgende Schaltung für Z_2 :



$$R_2 = 30\Omega$$

$$L_2 = 6,366\text{mH}$$

$$f = 1\text{ kHz}$$

Abb. 2

allgemein: $\underline{Z} = \text{Re}\{\underline{Z}\} + j\text{Im}\{\underline{Z}\} = Z(\cos(\varphi_Z) + j\sin(\varphi_Z)) = Z \exp(j\varphi_Z) = Z \angle \varphi_Z$
 mit: $\text{Re}\{\underline{Z}\} = R, \text{Im}\{\underline{Z}\} = X_L + X_C$, mit $jX_L = j\omega L$ und $jX_C = -j(\omega C)^{-1}$
 und: $Z = (\text{Re}^2\{\underline{Z}\} + \text{Im}^2\{\underline{Z}\})^{1/2}, \varphi_Z = \arctan(\text{Im}\{\underline{Z}\}/\text{Re}\{\underline{Z}\})$

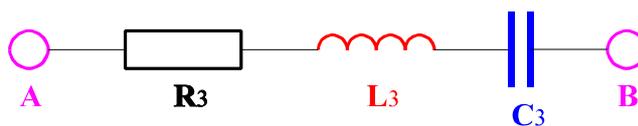
Berechnen Sie den komplexen Widerstand \underline{Z} zwischen den Punkten A und B in der Normal-, goniometrischen-, Exponential- und Versorform.

Stellen Sie das Ergebnis in der Gaußschen Zahlenebene dar

(Beispiel für die Darstellung: $\underline{Z} = 3\Omega + j4\Omega = 5\Omega(\cos 53,1^\circ + j\sin 53,1^\circ) = 5\Omega \exp(j53,1^\circ) = 5\Omega \angle 53,1^\circ$)

Aufgabe 1.4.4. - Reihenschaltung von Widerstand, Kapazität und Induktivität

Gegeben ist folgende Schaltung für Z_3 :



$$R_3 = 56,875\Omega$$

$$L_3 = 4,0565\text{mH}$$

$$C_3 = 2,273\mu\text{F}$$

$$f = 1\text{ kHz}$$

Abb. 3

allgemein: $\underline{Z} = \text{Re}\{\underline{Z}\} + j\text{Im}\{\underline{Z}\} = Z(\cos(\varphi_Z) + j\sin(\varphi_Z)) = Z \exp(j\varphi_Z) = Z \angle \varphi_Z$
 mit: $\text{Re}\{\underline{Z}\} = R, \text{Im}\{\underline{Z}\} = X_L + X_C$, mit $jX_L = j\omega L$ und $jX_C = -j(\omega C)^{-1}$
 und: $Z = (\text{Re}^2\{\underline{Z}\} + \text{Im}^2\{\underline{Z}\})^{1/2}, \varphi_Z = \arctan(\text{Im}\{\underline{Z}\}/\text{Re}\{\underline{Z}\})$

Berechnen Sie den komplexen Widerstand \underline{Z} zwischen den Punkten A und B in der Normal-, goniometrischen-, Exponential- und Versorform.

Stellen Sie das Ergebnis in der Gaußschen Zahlenebene dar

(Beispiel für die Darstellung: $\underline{Z} = 3\Omega + j4\Omega = 5\Omega(\cos 53,1^\circ + j\sin 53,1^\circ) = 5\Omega \exp(j53,1^\circ) = 5\Omega \angle 53,1^\circ$)

Aufgabe 1.4.5. - Berechnung des Gesamtwiderstandes einer komplexen Schaltung

Gegeben ist folgende Schaltung für \underline{Z}_4 :

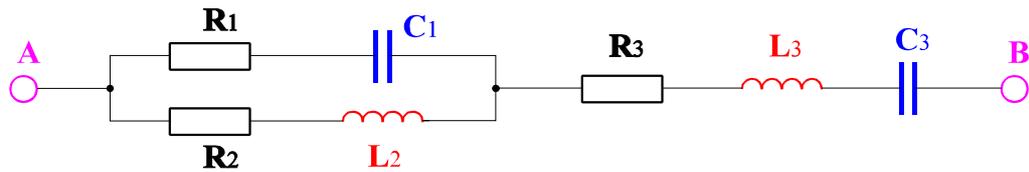


Abb. 4

Es sind die Werte aus den Aufgaben 1.4.2. bis 1.4.4. zu verwenden.

allgemein: $\underline{Z} = \text{Re}\{\underline{Z}\} + j\text{Im}\{\underline{Z}\} = Z(\cos(\varphi_Z) + j\sin(\varphi_Z)) = Z \exp(j\varphi_Z) = Z \angle \varphi_Z$
 mit: $\text{Re}\{\underline{Z}\} = R$, $\text{Im}\{\underline{Z}\} = X_L + X_C$, mit $jX_L = j\omega L$ und $jX_C = -j(\omega C)^{-1}$
 und: $Z = (\text{Re}^2\{\underline{Z}\} + \text{Im}^2\{\underline{Z}\})^{1/2}$, $\varphi_Z = \arctan(\text{Im}\{\underline{Z}\}/\text{Re}\{\underline{Z}\})$

Berechnen Sie den komplexen Widerstand \underline{Z} zwischen den Punkten A und B in der Normal-, goniometrischen-, Exponential- und Versorform.

Stellen Sie das Ergebnis in der Gaußschen Zahlenebene dar

(Beispiel für die Darstellung: $\underline{Z} = 3 \Omega + j 4 \Omega = 5 \Omega (\cos 53,1^\circ + j \sin 53,1^\circ) = 5 \Omega \exp(j53,1^\circ) = 5 \Omega \angle 53,1^\circ$)

Bemerkung: Fassen Sie die Ergebnisse für \underline{U} , \underline{Z}_1 , \underline{Z}_2 , \underline{Z}_3 , und \underline{Z}_4 in einer Tabelle zusammen!
 Berechnen Sie Multiplikationen und Divisionen von Komplexen Zahlen in der Versorform (Exponentialform) und Additionen und Subtraktionen in der Normalform.