

# Wissensbasiertes Planen

## Planungsaufgabe

**gegeben:**

**Beschreibung des Anfangszustandes**

**Beschreibung des Zielzustandes**

**Beschreibung der möglichen Aktionen**

**gesucht:**

**Folge (bzw. partielle Ordnung) von Aktionen, deren Ausführung aktuellen Zustand in Zielzustand überführt**

# Entwicklung effizienter Planungssysteme

1. **STRIPS-Aktionsrepräsentation**
2. **Naive Vorwärts- und Rückwärtsplaner**
3. **Partial-Order Planer: Suche im Raum unvollständiger Pläne**
4. **Graphplan: Planen mit Plangraphen**
5. **Heuristisches Planen**

# Planen im Situationskalkül

**Anfangszustand:**

$\text{At}(\text{Home}, S_0) \wedge \neg \text{Have}(\text{Milk}, S_0) \wedge \neg \text{Have}(\text{Bananas}, S_0) \wedge \neg \text{Have}(\text{Drill}, S_0)$

**Wirkung von Aktionen:**

$\forall a, s. \text{Have}(\text{Milk}, \text{do}(a, s)) \iff a = \text{Buy}(\text{Milk}) \wedge \text{At}(\text{Supermarket}, s) \vee \text{Have}(\text{Milk}, s) \wedge a \neq \text{Drop}(\text{Milk})$

**Aktionsfolge zu Zielzustand ermittelt durch Anfrage:**

$\exists s. \text{At}(\text{Home}, s) \wedge \text{Have}(\text{Milk}, s) \wedge \text{Have}(\text{Bananas}, s) \wedge \text{Have}(\text{Drill}, s)$

**Theorembeweiser liefert folgende Bindung für s:**

```
do(Go(Home),
do(Buy(Drill),
do(Go(HardwareStore),
do(Buy(Banana),
do(Buy(Milk),
do(Go(Supermarket), S0 ))))))
```

**Funktioniert im Prinzip, aber extrem ineffizient**

# 1. STRIPS

versucht Ineffizienz durch Einschränkung der Sprache zu begegnen

**Zustand:** Menge von Grundatomen

**Ziele:** Menge von Atomen, kann Variablen enthalten:

$At(x), Sells(x, Milk)$  entspricht:  $\exists x. At(x) \wedge Sells(x, Milk)$

**Beschreibung von Operatoren (= Aktionstypen) durch**

<b>Name</b>	
<b>Vorbedingung</b>	<b>kann Aktion ausgeführt werden?</b>
<b>Add-List</b>	<b>welche Atome werden wahr?</b>
<b>Delete-List</b>	<b>welche Atome werden ungültig?</b>

**Operatoren können Variablen enthalten, d.h. beschreiben Aktionstypen  
ausführbare Aktionen immer Grundinstanzen von Operatoren**

**Variablen in Zielen nicht unbedingt nötig (später)**

# Einkaufen mit STRIPS

## Operatoren

Name	Vorbedingung	Add-List	Delete-List
<b>Buy(x)</b>	<b>At(y), Sells(y,x)</b>	<b>Have(x)</b>	
<b>Go(x, y)</b>	<b>At(x), <math>\neg(x = y)</math></b>	<b>At(y)</b>	<b>At(x)</b>

Hintergrundwissen: **Sells(SM, Milk), Sells(SM, Bananas), Sells(HS, Drill)**

Zustand	Aktion
<b>At(Home)</b>	<b>Go(Home,SM)</b>
<b>At(SM)</b>	<b>Buy(Milk)</b>
<b>At(SM), Have(Milk)</b>	<b>Buy(Bananas)</b>
<b>At(SM), Have(Milk), Have(Bananas)</b>	<b>Go(SM,HS)</b>
<b>At(HS), Have(Milk), Have(Bananas)</b>	<b>Buy(Drill)</b>
<b>At(HS), Have(Milk), Have(Bananas), Have(Drill)</b>	<b>Go(HS,Home)</b>
<b>At(Home), Have(Milk), Have(Bananas), Have(Drill)</b>	

# Grundbegriffe

Sei  $a = (\text{pre}(a), \text{add}(a), \text{delete}(a))$  eine Aktion mit  $\text{pre}(a) = \text{pos}(a) \cup \text{neg}(a)$   
Menge von positiven bzw. negativen Literalen,  $\text{add}(a)$  und  $\text{delete}(a)$  Mengen  
von Atomen; sei  $s$  ein Zustand:

- $a$  **anwendbar** in  $s$  falls  $\text{pos}(a) \subseteq s$  und  $m \notin s$  für jedes  $\neg m \in \text{neg}(a)$ ,
- falls  $a$  in  $s$  anwendbar, so entsteht durch Ausführen von  $a$  in  $s$  der Zustand

$$\gamma(a,s) = [s \cup \text{add}(a)] \setminus \text{delete}(a).$$

Sei  $g$  eine Menge von Zielen (ohne Variablen):

- $a$  ist **relevant** für  $g$ , falls  $\text{add}(a) \cap g \neq \emptyset$  und  $\text{delete}(a) \cap g = \emptyset$ ,
- falls  $a$  für  $g$  relevant ist, so ist die **Zwischenzielmenge** für  $a$  und  $g$

$$\gamma^{-1}(a,g) = [g \setminus \text{add}(a)] \cup \text{precond}(a),$$

- falls  $a$  relevant für  $g$  und  $\gamma^{-1}(a,g) \subseteq s$ , dann ist  $g \subseteq \gamma(a,s)$ .

# Eliminieren von Variablen aus Zielen

Das Ziel

$\exists x. At(x) \wedge Sells(x, Milk)$

wird ersetzt durch neues Symbol, etwa

Goal

dazu neuer Operator mit

Pre:  $At(x), Sells(x, Milk)$

Add: Goal

Delete: leer

## 2. „Naive“ Vorwärts- und Rückwärtsplaner

Wie findet man die "richtige" Aktionsfolge für Ziel  $g_0$ ?

Aktionen generieren Situationsraum

### Progressionsplaner:

Wurzel Startzustand  $s_0$

mit  $a$  beschriftete Kante von  $s$  zu  $s'$ , falls  $a$  in  $s$  anwendbar und  $s' = \gamma(a,s)$

Zielzustand jeder Zustand  $s$  mit  $g_0 \subseteq s$

Problem: oft hoher Verzweigungsgrad

### Regressionsplaner:

Wurzel Ziel  $g_0$

mit  $a$  beschriftete Kante von  $g$  zu  $g'$ , falls  $a$  relevant für  $g$  und  $g' = \gamma^{-1}(a,g)$

Abbruchkriterium: Erreichen einer Zielmenge  $g$  mit  $g \subseteq s_0$

Problem: verschiedene Ziele können interagieren

originales STRIPS-System ist unvollständiger Regressionsplaner



# Nichtdeterministischer Vorwärtsplaner

**Forward-Search( $O, s_0, g$ )**

**$s := s_0;$**

**$\pi := \text{empty plan};$**

**loop**

**if  $s$  satisfies  $g$  ( $g \subseteq s$ ) then return  $\pi$ ;**

**applicable := { $a$  |  $a$  instance of an operator in  $O$  applicable in  $s$ };**

**if applicable =  $\emptyset$  then return failure;**

**nondeterministically choose an action  $a \in$  applicable;**

**$s := \gamma(a, s);$**

**$\pi := \pi.a;$**

# Nichtdeterministischer Rückwärtsplaner

**Backward-Search( $O, s_0, g$ )**

**$\pi :=$  empty plan;**

**loop**

**if  $s_0$  satisfies  $g$  ( $g \subseteq s_0$ ) then return  $\pi$ ;**

**relevant := {a | a instance of an operator in  $O$  relevant to  $g$ };**

**if relevant =  $\emptyset$  then return failure;**

**nondeterministically choose an action  $a \in$  relevant;**

**$g := \gamma^{-1}(a, g)$ ;**

**$\pi := a.\pi$ ;**

# 3. Suche im Raum partieller Pläne

## Grundidee:

- Anwendung von Verfeinerungsoperatoren, die bisherigen Plan erweitern
- dabei möglichst wenig Festlegungen (Reihenfolge und Variablenbindung)
- Starten mit dem unvollständigsten Plan
- Terminierung wenn vollständiger, konsistenter Plan erzeugt ist

## Was macht partiellen Plan unvollständig?

- Teilziele noch nicht erreicht
- Mit Plan kompatible Reihenfolge der Aktionen löscht nötiges Atom

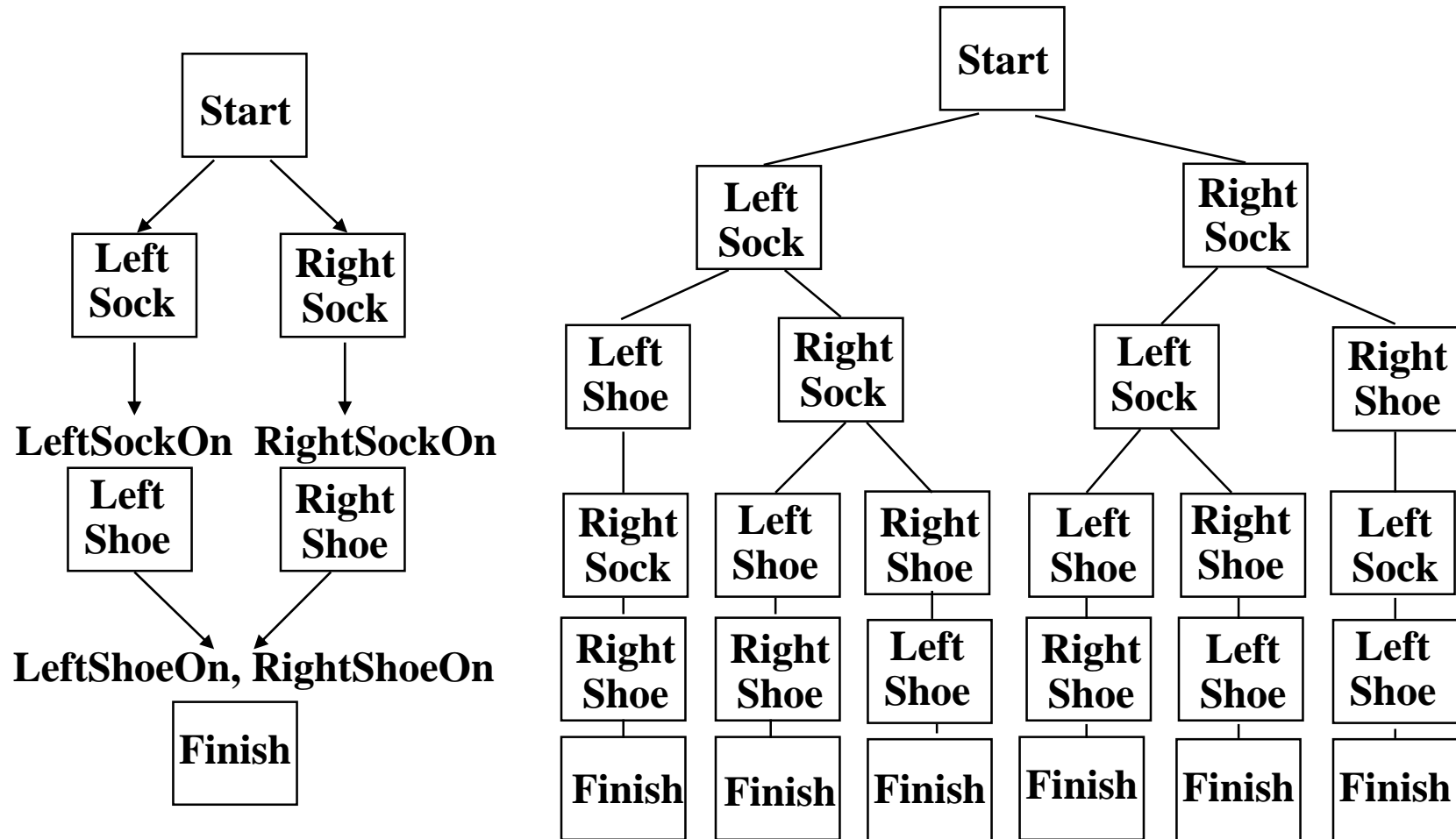
## Wie kann man verfeinern?

- Aktion einfügen; Reihenfolge festlegen; Variable binden; neuer causal link

## Ziel: Planen mit möglichst wenig Backtracking

# Partiell geordnete Pläne

Anziehen von Socken und Schuhen: partiell geordneter Plan und Linearisierungen



# Was ist ein (partieller) Plan?

**Datenstruktur bestehend aus:**

- \* einer Menge von Planschritten, d.h. Operatoren**
- \* einer (partiellen) Ordnungsrelation auf den Planschritten**
- \* einer Menge von Variablenbindungen**
- \* einer Menge von kausalen Verbindungen (causal links), die den Zweck der Schritte im Plan festhalten: causal link von  $S_i$  zu Vorbedingung  $c$  von  $S_j$  bedeutet:  $S_i$  wird ausgeführt, um diese Vorbedingung wahr zu machen.**

# Partiell Geordnete Pläne, ctd

**Lösung eines Planungsproblems: ein vollständiger, konsistenter Plan**

Ein Plan ist **vollständig**, wenn alle Vorbedingungen aller Aktionen erreicht sind, d.h. :

wenn  $c$  Vorbedingung von  $S_j$ , dann gilt

1) es gibt  $S_i < S_j$  mit Effekt  $c$  (causal link von  $S_i$  zu  $c$ )

2) es gibt keine Linearisierung, so dass  $S_i < S_k < S_j$  und  $S_k$  löscht  $c$

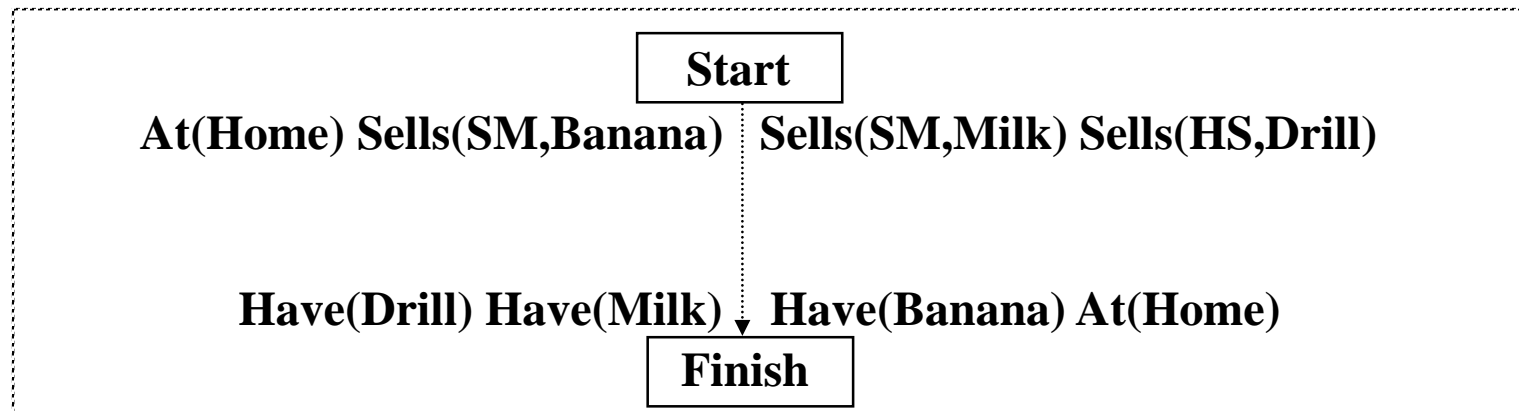
Ein Plan ist **konsistent**, wenn er keine widersprüchliche Information bzgl. Ordnung und Variablenbindungen enthält

**Grundidee des Verfeinerungsansatzes:**

starte mit unvollständigem Plan

vervollständige ihn schrittweise, ohne ihn inkonsistent zu machen

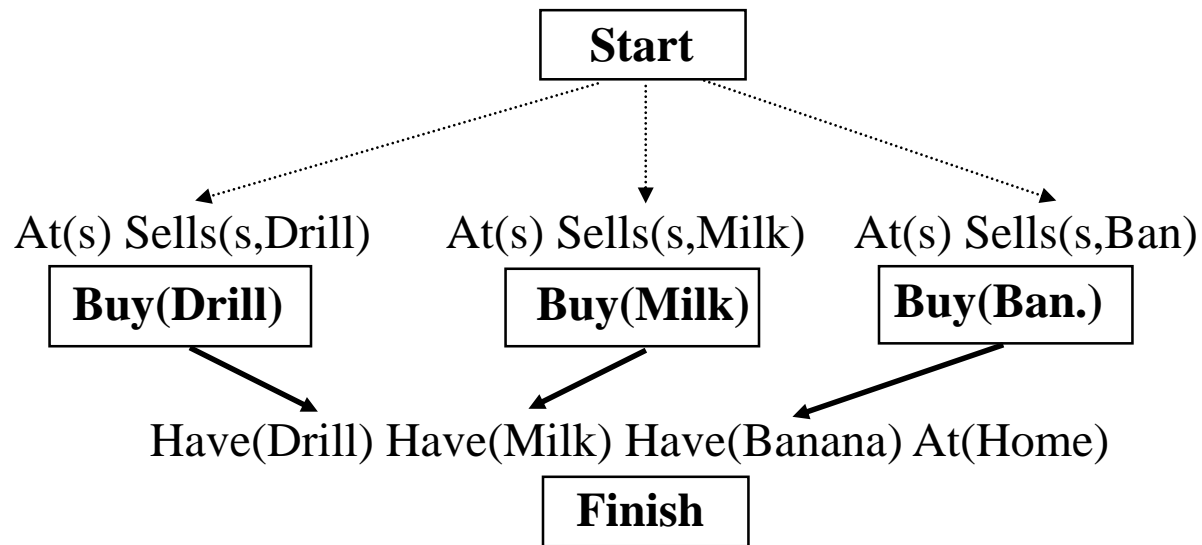
# Einkaufen: der unvollständigste Plan



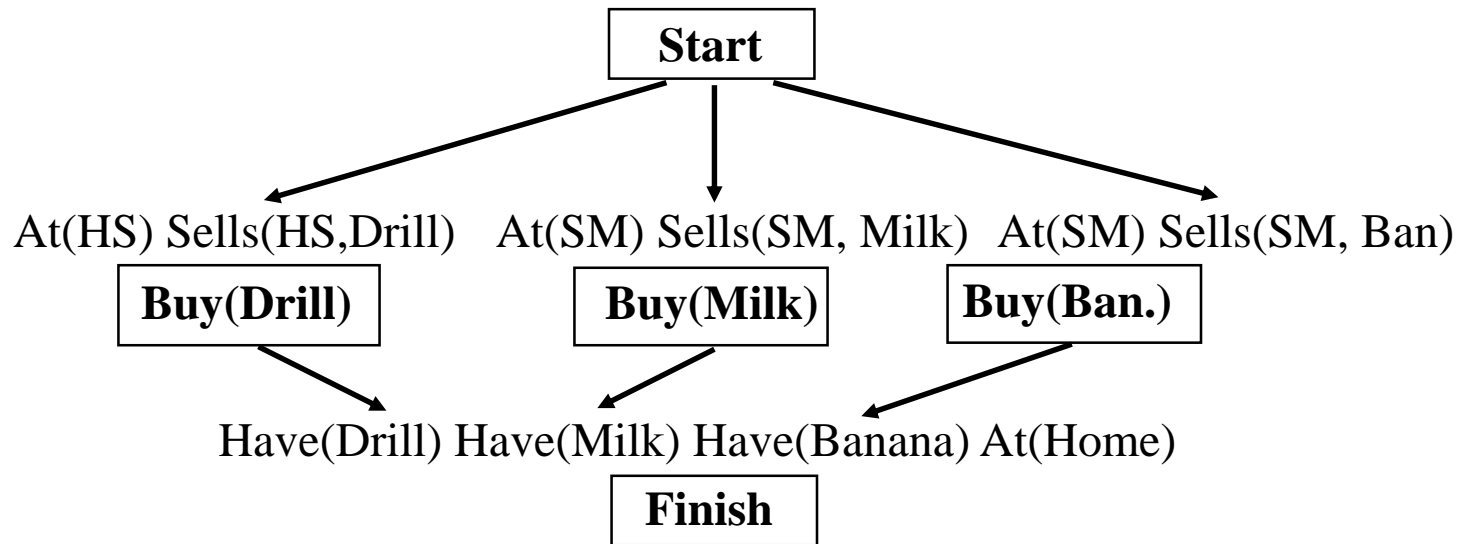
**Unvollständig, weil nicht alle Vorbedingungen von Finish erfüllt**

**=> Einfügen von weiteren Aktionen**

**(Binden von Variablen bzw. Festlegen von Reihenfolge nicht anwendbar)**

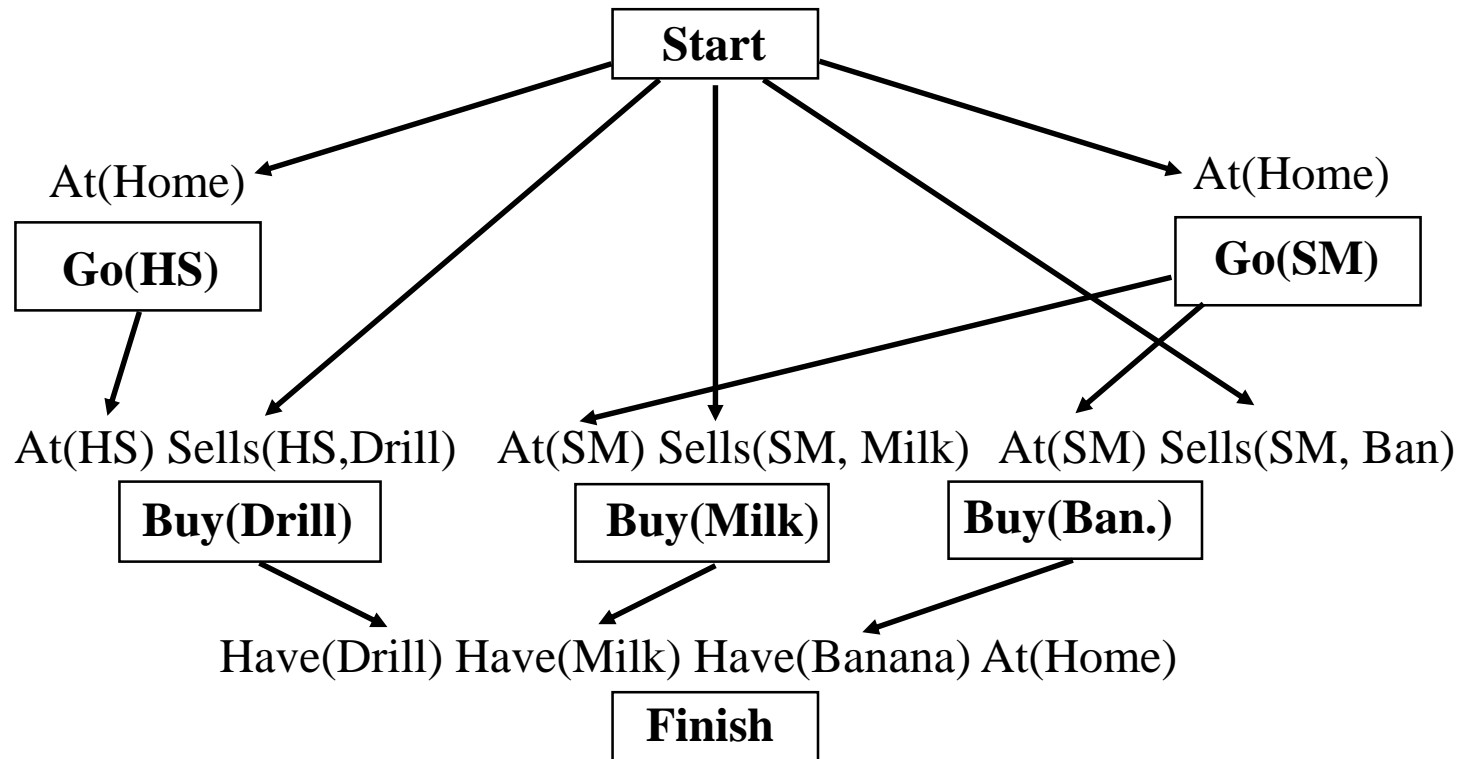


**Verfeinerung, die 3 Zielbedingungen erfüllt, dicke Pfeile "causal links" zu Vorbedingungen späterer Aktionen, diese werden "geschützt". Unten Instanzierung:**





# Ein unvollständiger, nicht verfeinerbarer Plan

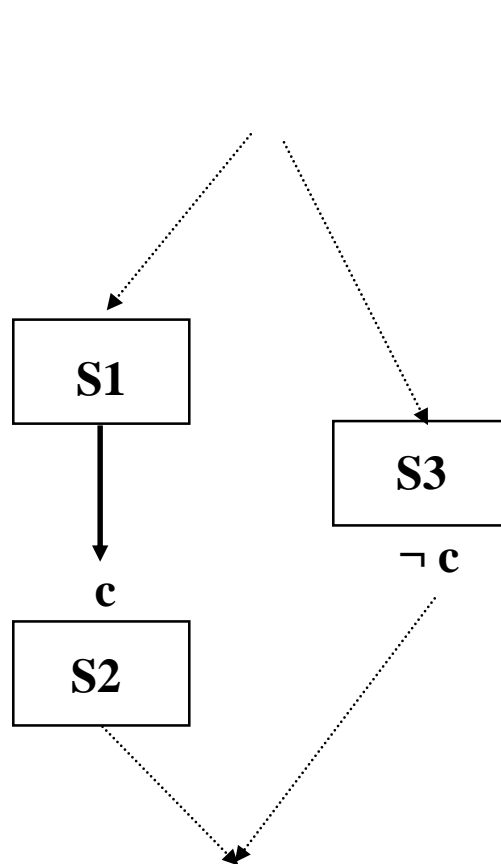


**Problem manchmal durch Umordnen zu beheben  
hier nur durch Rücknahme einer früheren Entscheidung (backtracking):  
alternative Variablenbelegung der Vorbedingung von Go(SM)**

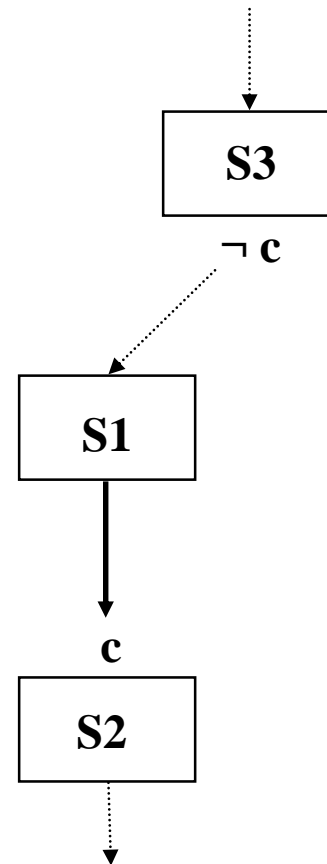


# Schutz von kausalen Verbindungen

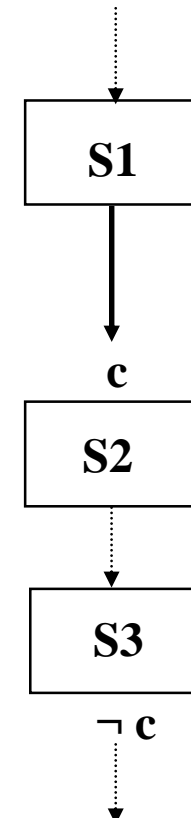
S2 braucht c, delete-list von S3 enthält c



unvollständiger Plan

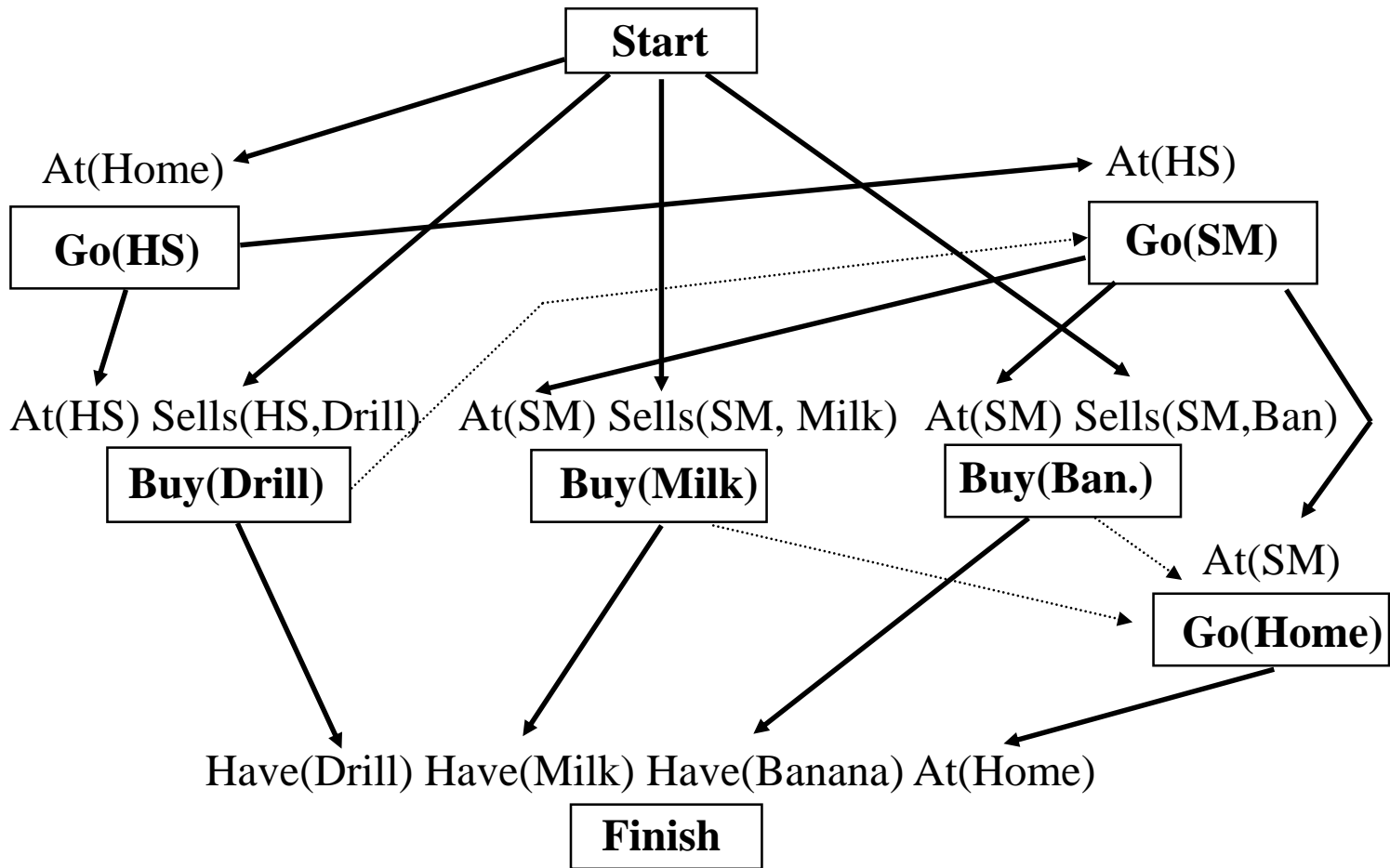


Demotion



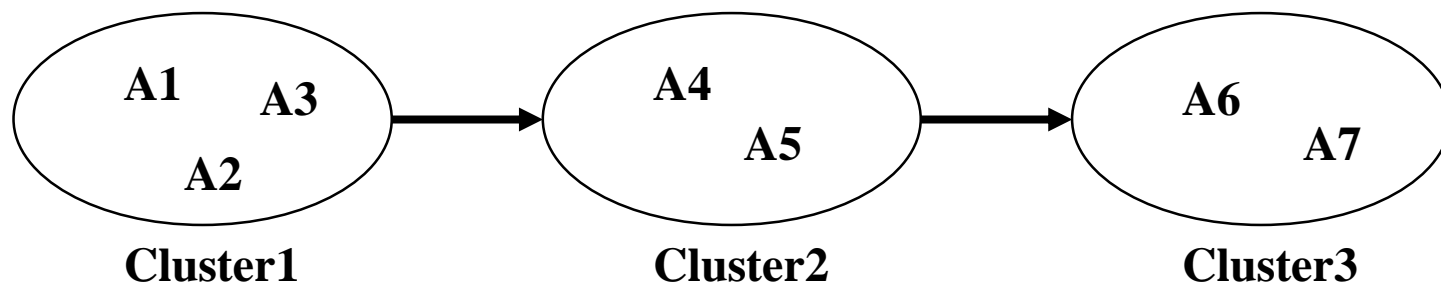
Promotion

# Der endgültige Plan



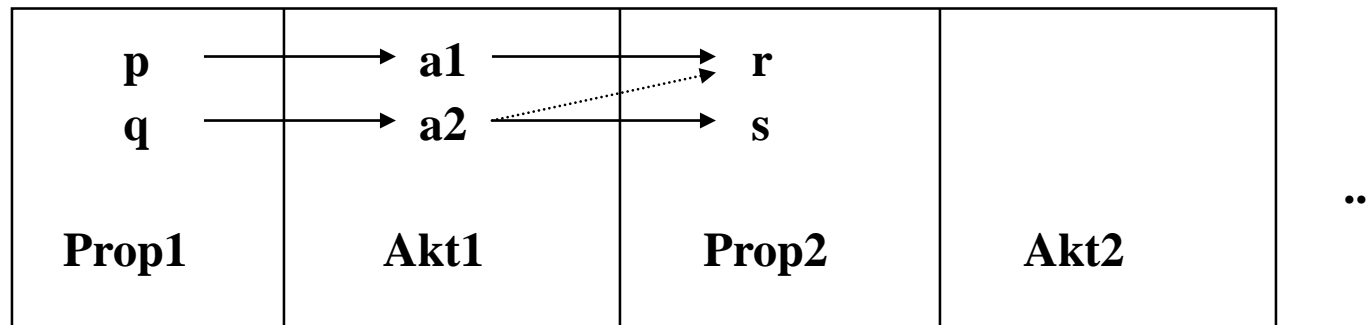
## 4. Graphplan

- **STRIPS-Repräsentation für Aktionen und Zustände**
- **verwendet Plangraphen, um Suche möglichst einzuschränken**
- **Pläne nicht notwendig total geordnet (wie beim Vorwärtsplanen)**
- **aber auch nicht beliebige partielle Ordnungen (wie PO-Planning)**
- **sondern Zwischenlösung:**
  - **Es gibt Cluster von Aktionen,**
  - **Reihenfolge innerhalb Cluster beliebig**
  - **Cluster selbst total geordnet**



# Der Plangraph

- enthält alle möglicherweise ausführbaren Aktionen bzw. wahren Atome
- berücksichtigt nicht alle Interaktionen
- erzeugt in polynomialer Zeit
- führt zu erheblicher Einschränkung des Suchraums



# Der Plangraph

gerichteter Level-Graph (Kanten aus einem Level nur zum nächsten Level)

2 Arten von Knoten (Aktionen und Propositionen)

3 Arten von Kanten (add, delete, precondition)

1. Aktions-Level  $Akt_i$  folgt auf Propositions-Level  $Prop_i$   
Propositions-Level  $Prop_{i+1}$  auf Aktions-Level  $Akt_i$ .
2. jede Aktion in  $Akt_i$  hat (eingehende) Kanten von ihren Vorbedingungen in  $Prop_i$ , sowie Kanten zu den Elementen ihrer add und delete-Listen in  $Prop_{i+1}$ .
3. A kommt in  $Akt_i$  vor, wenn alle Vorbedingungen in  $Prop_i$  vorkommen und sich dort nicht ausschließen, und dann kommen auch alle Nachbedingungen von A in  $Prop_{i+1}$  vor.

Aktionen no-op(a): einmal erzeugtes Atom a bleibt in allen weiteren Levels erhalten

# Wechselseitiger Ausschluss

## Aktionen:

**Interferenz:**  $A_1$  und  $A_2$  schließen sich aus, wenn  $A_1$  (bzw.  $A_2$ ) eine Vorbedingung oder einen Add-Effekt von  $A_2$  (bzw.  $A_1$ ) löscht.

**Inkompatible Vorbedingungen:**  $A_1$  und  $A_2$  schließen sich aus in  $\text{Akt}_i$ , wenn  $A_1$  eine Vorbedingung  $a$  benötigt,  $A_2$  eine Vorbedingung  $b$ , und  $a$  und  $b$  schließen sich aus in  $\text{Prop}_i$ .

## Propositionen:

$p$  und  $q$  schließen sich aus in  $\text{Prop}_i$ , wenn jede Aktion in  $\text{Akt}_{i-1}$  mit add-Kante zu  $p$  jede Aktion in  $\text{Akt}_{i-1}$  mit add-Kante  $q$  ausschließt



# Graphplan-Algorithmus

```
i := 1;  
Prop1 := Anfangszustand;  
while kein Plan gefunden [und letzter Level nicht gleich vorletztem] do  
    erweitere Plangraph um Akti und Propi+1 ;  
    prüfe, ob es gültigen Plan der Länge i gibt;  
    i := i + 1;  
if Plan gefunden then gib Plan aus else ‚kein Plan existiert‘
```

**Beachte: Plan der Länge i kann mehr als i Aktionen haben (parallele Aktionen)!**

### Erweiterung um Aktions-Level $Akt_i$ :

1. **Füge Aktion A in  $Akt_i$  ein, wenn alle Vorbedingungen von A in  $Prop_i$  enthalten und nicht als sich ausschließend markiert sind.**
2. **Füge alle no-op Aktionen und precondition links ein.**
3. **generiere für jede Aktion A in  $Akt_i$  Liste aller Aktionen, die A ausschließt**

### Erweiterung um Propositions-Level $Prop_{i+1}$ :

1. **Füge alle Atome aus Nachbedingungen der Aktionen in  $Akt_i$  ein, zusammen mit entsprechenden Add- und Delete-Links**
2. **Markiere p, q in  $Prop_{i+1}$  als sich ausschließend, wenn alle Aktionen, die p generieren, und alle, die q generieren, sich ausschließen**

# Plansuche auf Basis des Plangraphen

**Gegeben Menge  $g$  von Zielen in  $t$**

**suche sich nicht ausschließende Menge von Aktionen in  $t-1$ ,  
die alle Ziele in  $g$  wahr machen.**

**deren Vorbedingungen sind Ziele in  $t-1$ , usw.**

**erhebliche Performanzsteigerung gegenüber Planraum-Planern:**

**wechselseitiger Ausschluss, parallele Pläne, Merken  
unerreichbarer Zielmengen, keine Instanzierung bei Suche**

**Weiterer Vorteil: Terminierung bei unlösbaren Problemen:**

**es muss Propositions-Level geben, so dass alle weiteren  
identisch sind (dieselben Propositionen und Ausschlüsse)**

**Wenn Plan nicht bis dahin gefunden, so gibt es keinen**

## 5. Planen mit heuristischer Suche: der FF-Planer

- „naive“ Vorwärtsplaner durchsuchen Zustandsraum „blind“
- keine Heuristiken für Auswahl des zu expandierenden Zustands
- für das Planen gibt es höchst informative Heuristiken
- Erfolg von FF (bestes System planning competitions 2000/2002) beruht auf

**Verwendung einer Heuristik basierend auf relaxiertem Problem;  
Heuristik schätzt, wie viele Aktionen nötig sind, um von Zustand zu  
Zielzustand zu kommen;  
berücksichtigt positive Interaktionen von Aktionen**

**Verwendung einer geeigneten lokalen Suchstrategie, die Aspekte  
systematischer Suche verwendet, um lokale Minima zu vermeiden**

- **Vollständigkeit und Optimalität zugunsten von Effizienz aufgeben**

# Local Search

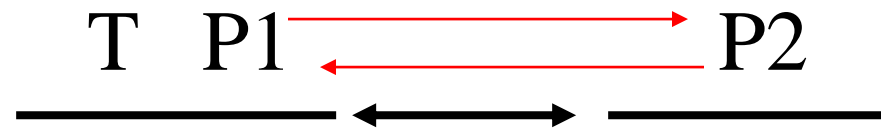
(nachfolgende englische Folien von J. Hoffmann, dem Entwickler von FF)

- State space = set of (world) states reachable from the initial state
- State spaces are exponentially large => heuristic  $h$  estimates goal distance
- Local Search: iteratively try to make an improvement on  $h$  by looking at local surroundings
- We define: a heuristic and a search scheme

## FF - Heuristic

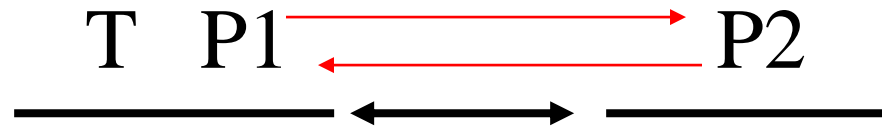
- General idea: relax problem, solve relaxation in each search state
- In STRIPS planning: ignore negative effects [Bonet et al. 1997]
- Optimal relaxed solution length „ $h_+$  “ admissible but NP-hard to compute [Bylander 1994]
- Implementations use approximation techniques:
  - Bonet et al: approximate  $h_+$  by additionally ignoring positive interactions
  - FF: approximate  $h_+$  by running a relaxed version of GRAPHPLAN [Blum & Furst 1997]  
 $h(s)$  = number of actions in plan for the relaxed problem  
computable in polynomial time

## Example: Exchange P1 and P2 Using Truck T



- Plan:
  - Load T P1 Left
  - Drive T Left Right
  - Unload T P1 Right
  - Load T P2 Right
  - Drive T Right Left
  - Unload T P2 Left

## Relaxed Example: No Delete Lists: Left True After Drive T Left Right



- Relaxed Plan: Load T P1 Left  
Drive T Left Right  
Unload T P1 Right  
Load T P2 Right  
Unload T P2 Left



## FF - Search

- “Enforced hill-climbing”:
  - start in  $S =$  initial state, stop when  $h(S) = 0$
  - in a state  $S$ , do breadth first search for  $S'$  such that  $h(S') < h(S)$
- Motivation: in experiments, often better states nearby, but not among immediate successors

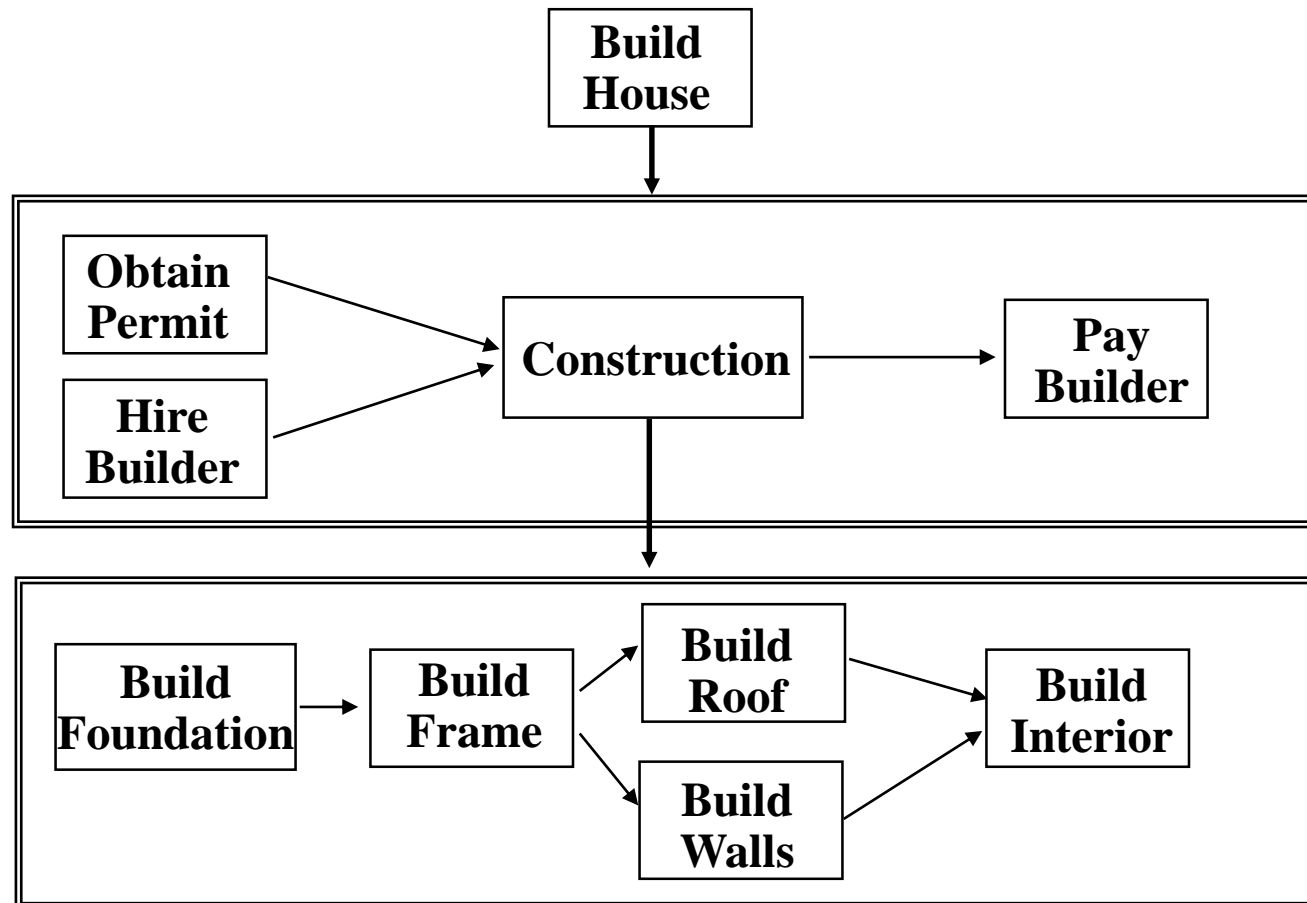
## 6. Erweiterungen der bisherigen Ansätze

- **Hierarchisches Planen = Planen mit unterschiedlichem Abstraktionsgrad**

Go(HS) - Buy(Drill) - Go(SM) - Buy(Milk) - Buy(Ban.) - Go(Home)  
|  
StandUp - Take(Key) - Open(Door) - Walk(Outside) - Close(Door) ...

- **Situationsabhängigen Effekte**  
Drehe(Lichtschalter) ==> Effekt: Licht an falls vorher aus, Licht aus sonst
- **Zeit**  
Aktionen haben Dauer, unterliegen Zeitbeschränkungen
- **Ressourcen**  
Aktionen verbrauchen Ressourcen, z.B. Kaufen kostet Geld  
können auch Ressourcen generieren, z.B. zur Bank gehen

# Hierarchisches Planen: Beispiel



# Operator Dekomposition

**Plan P ist korrekte Dekomposition eines Operators O wenn**

- 1) P konsistent ist**
- 2) jeder Effekt von O in einem Schritt von P erreicht und nicht wieder zerstört wird**
- 3) jede Vorbedingung eines Schrittes in P durch vorherigen Schritt erzielt wird oder Vorbedingung von O ist, und vor Ausführung des Schrittes nicht zerstört wird.**

**Sinnvoll, wenn wenig Interaktion zwischen einzelnen Dekompositionen**

**Wiederverwertbarkeit, Plan-Bibliotheken**

**Dekomposition solange, bis ausführbare Aktionen erreicht sind**

**Hier. Planen funktioniert, wenn eine der folgenden Bedingungen gilt:**

- 1) für jede abstrakte Lösung gibt es eine zugehörige ausführbare Lösung (downward solution property, DSP)**
- 2) kein inkonsistenter abstrakter Plan hat eine zug. ausführbare Lösung (upward solution property, USP)**

# Kostenersparnis durch HP: ein Beispiel

## **Annahmen:**

**es gibt Lösung mit 64 Schritten, jeweils 3 Operatoren anwendbar**

**Standardansatz: im schlimmsten Fall  $3^{64}$  Operationen zu überprüfen**

**exponentiell in der Länge der Lösung**

## **Hierarchischer Ansatz:**

**falls jeder abstrakte Operator in 4 Schritte dekomponiert wird, und es jeweils 3 Dekompositionen gibt, von denen genau 1 eine Lösung ist, dann sind im schlimmsten Fall  $3 * 4 + 3 * 4 * 4 + 3 * 4 * 4 * 4$  Operationen zu überprüfen.**

**exponentiell in der Dekompositionstiefe**

# Bedingte Pläne

**Beispiel Reifenpanne: Reifen R1 ist platt, es gibt Reserverad RR**

**Lösung: [Remove(R1),PutOn(RR)]**

**Aber was, wenn Reifen1 nicht kaputt ist, sondern nur unaufgepumpt?**

**Bessere Lösung: bedingter Plan**

**If (Intact(R1), [Inflate(R1)], [Remove(R1),PutOn(RR)])**

**Unterschiedliche Teilpläne, die bei Planausführung entsprechend den Bedingungen ausgewählt werden**

**Gelten der Bedingungen muss bei Ausführung bekannt sein, evtl. müssen Aktionen (Wahrnehmungen, Tests) in Plan aufgenommen werden, die notwendige Information liefern**

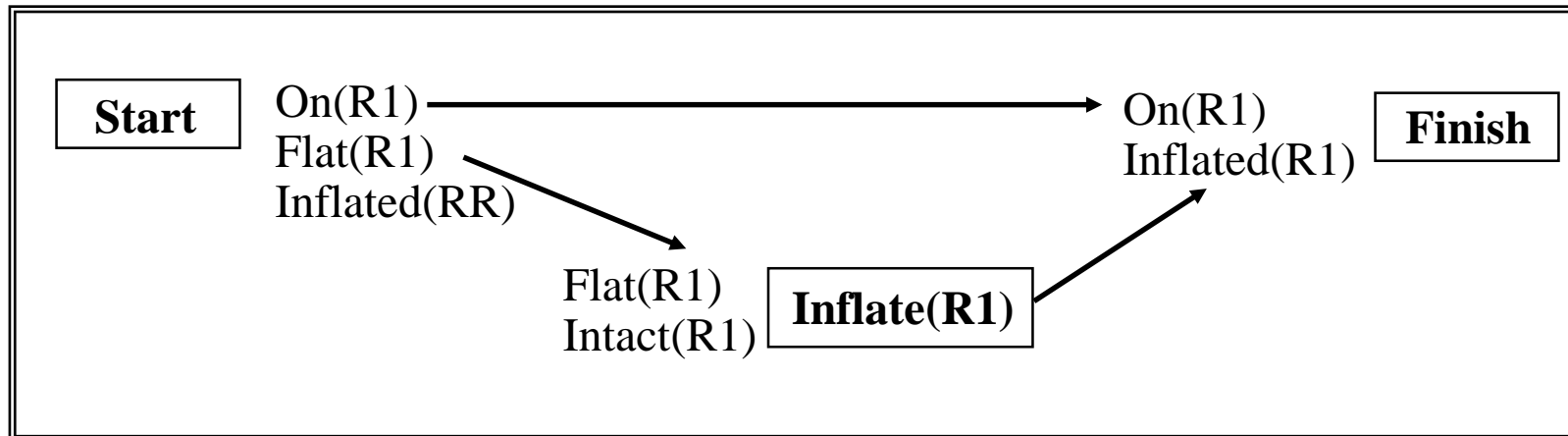
**Repräsentation von Plänen wird um Kontexte für Aktionen erweitert**

**Ein Kontext ist eine Menge von Bedingungen, die gelten müssen, damit genau dieser Schritt ausgeführt wird**

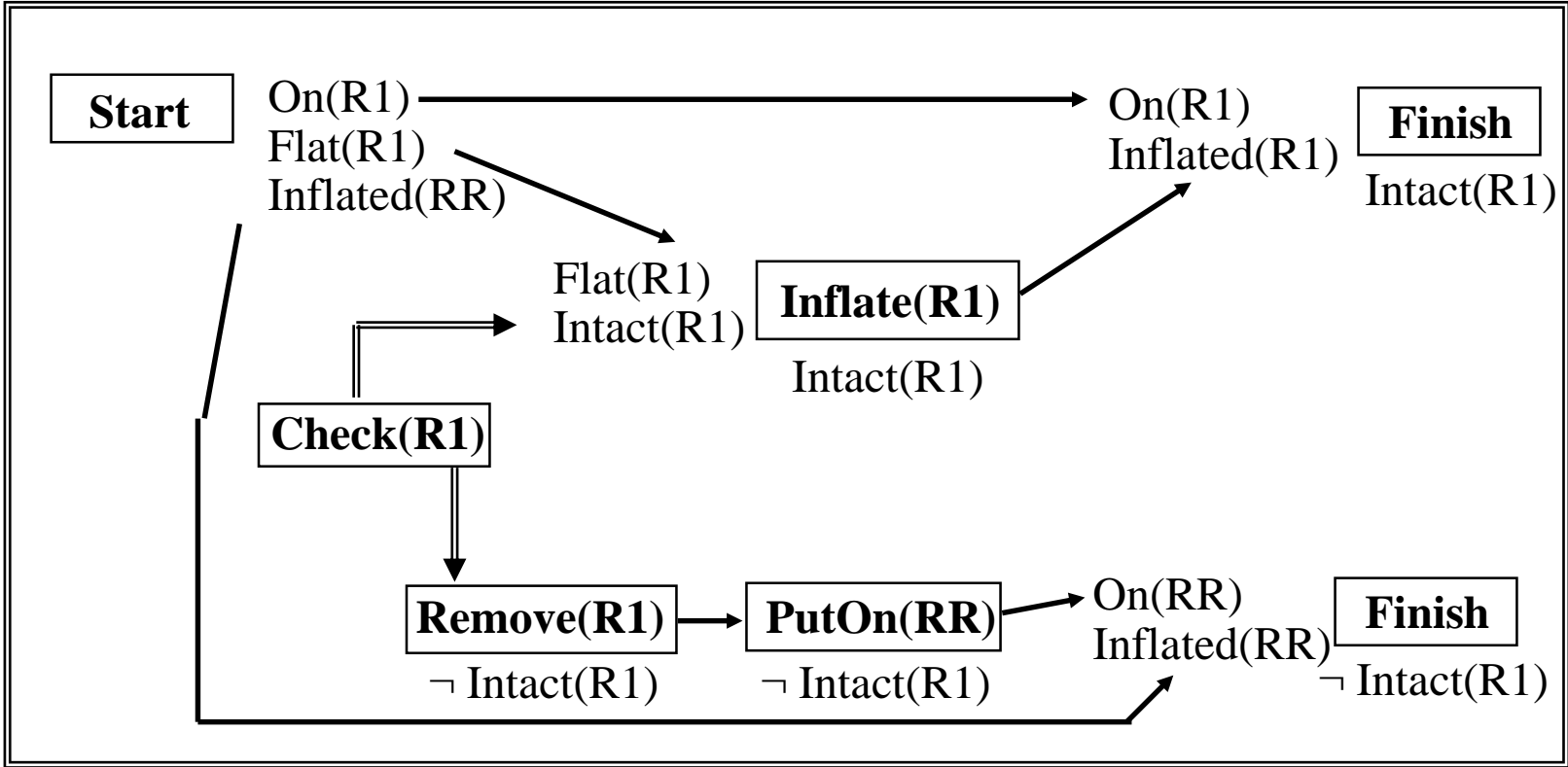
# Bedingte Pläne: ein Beispiel



**Ausgangssituation, wird durch Auswahl von Inflate und Instanziierung zu folgendem partiellen Plan. Da Intact(R1) nicht erzeugt werden kann, ist Standardansatz hier am Ende.**



# Einfügen einer Testaktion



**Vollständiger Plan (bis auf Vorbed. Remove, PutOn)  
 Kontext jeweils unter der zugehörigen Aktion**



# Zusammenfassung Planen

- **STRIPS Sprache (und einfache Erweiterungen) immer noch vorherrschend im Planungsbereich**
- **naive Vorwärts- und Rückwärtsplaner zu ineffizient**
- **Suche im Planraum statt im Zustandsraum führt oft zu besseren Ergebnissen**
- **wird häufig noch übertroffen von Ansätzen, die auf Plangraphen basieren**
- **Verwendung geeigneter Heuristiken und lokaler Suchstrategien liefert derzeit die besten Resultate bzgl. Effizienz**
- **Planer, die auf erweiterten STRIPS Sprachen beruhen, werden heute in komplexen Bereichen eingesetzt (Missionsplanung in der Raumfahrt, Fabrikation, etc.)**