



UNIVERSITÄT  
LEIPZIG

Viewport und Clipping

# COMPUTERGRAPHIK

---

# Inhaltsverzeichnis

## 7 Viewport und Clipping

7.1 Viewport

7.2 Clipping

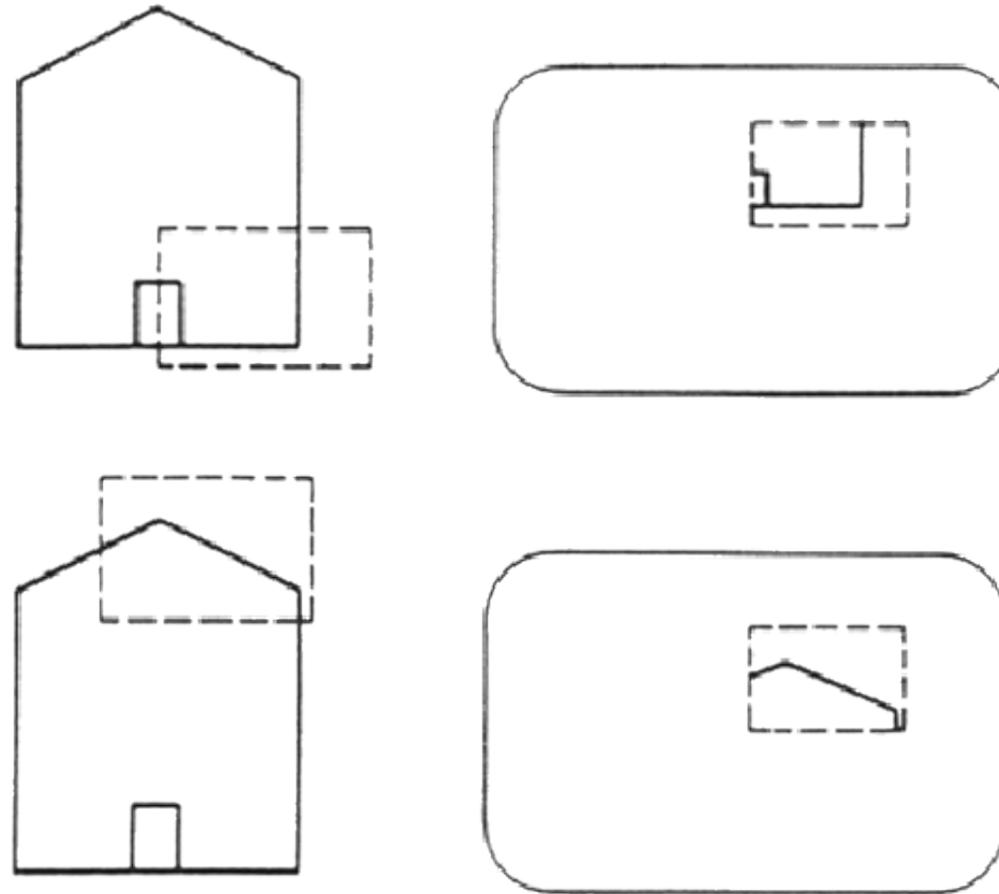
## 7.1 Viewport

- Window:
  - Definiert Sichtfenster in der Bildebene
  - Definiert, welcher Teilbereich der Szene abgebildet werden soll
  - Auch „View Window“ genannt
- Viewport:
  - Definiert Bildschirmbereich in dem der Inhalt eines Windows dargestellt werden soll

## 7.1 Viewport

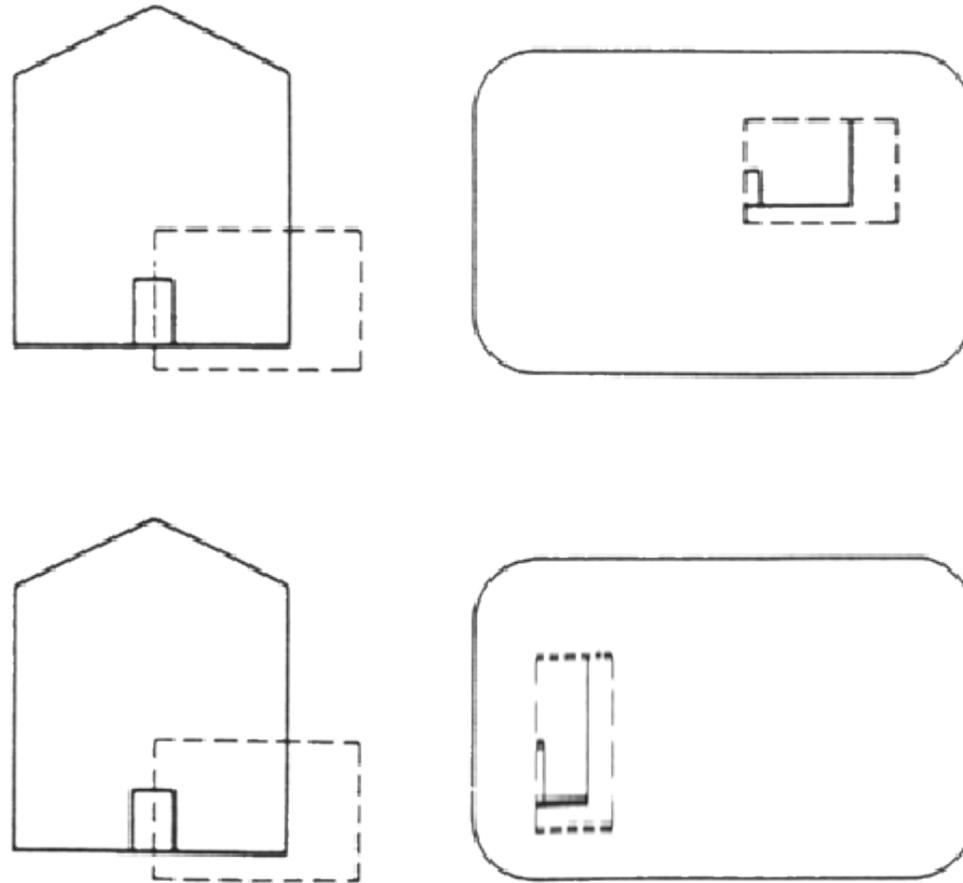
- In der Regel sind sowohl Window als auch Viewport an den Koordinatenachsen ausgerichtete rechteckige Gebiete
- Window-Viewport-Transformation (Windowing Operation):
  - elementare Verschiebungen und Skalierungen

## 7.1 Viewport



Verschiedene Fenster, dieselben Viewports

## 7.1 Viewport



Dieselben Fenster, verschiedene Viewports

## 7.1 Viewport

- Koordinaten des Windows:

$$W_{xl}, W_{xr}, W_{yb}, W_{yt}$$

- Punktkoordinaten im Fenster (window):

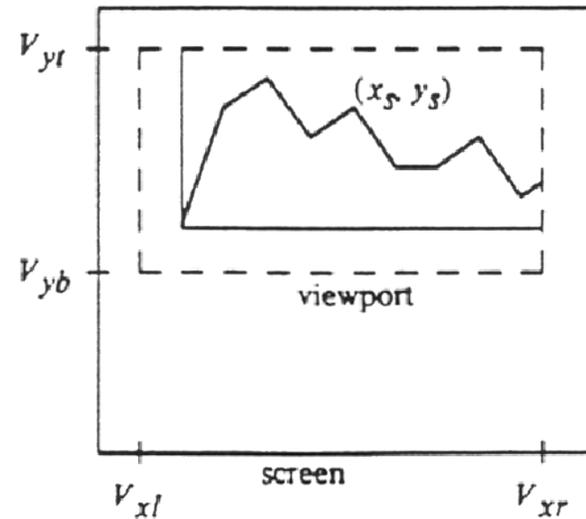
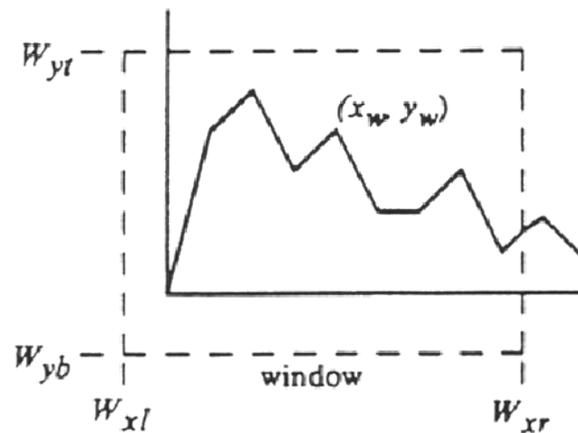
$$x_W, y_W$$

- Koordinaten des Viewports im Bildschirmkoordinatensystem

$$V_{xl}, V_{xr}, V_{yb}, V_{yt}$$

- Punktkoordinaten auf dem Bildschirm (screen):

$$x_S, y_S$$



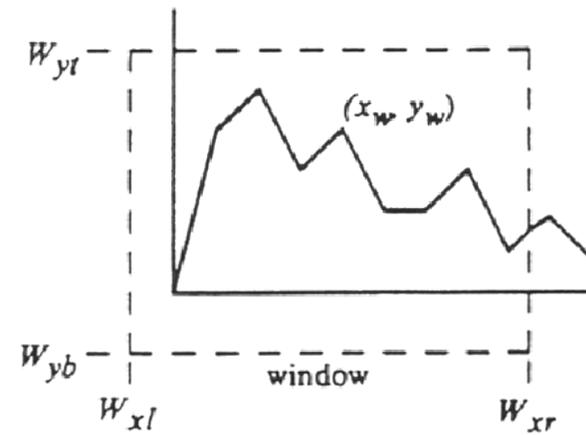
# 7.1 Viewport

## Transformation

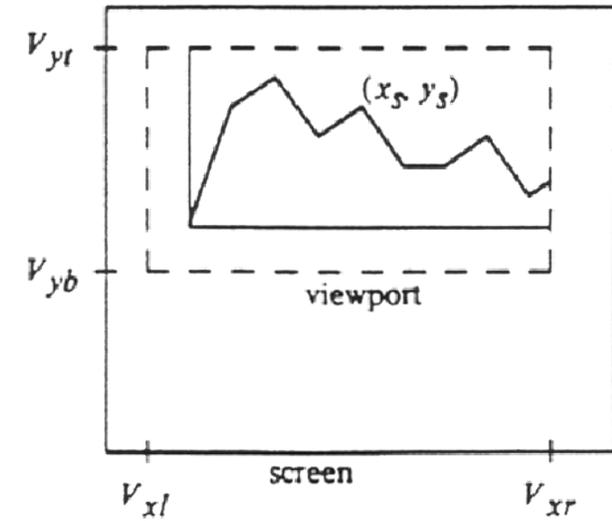
1) **Verschiebung**  
in den Koordinatenursprung

2) **Skalierung**  
auf die gewünschte Größe

3) **Verschiebung**  
an die gewünschte Stelle



$$x = x_w - W_{xl}$$
$$y = y_w - W_{yb}$$



$$x' = \frac{V_{xr} - V_{xl}}{W_{xr} - W_{xl}} \cdot x$$
$$y' = \frac{V_{yt} - V_{yfb}}{W_{yt} - W_{yb}} \cdot y$$

$$x_s = x' + V_{xl}$$
$$y_s = y' + V_{yb}$$

## 7.1 Viewport

Transformation

Zusammenfassung zu

$$x_S = a \cdot x_W + b$$

$$y_S = c \cdot y_W + d$$

⇒ Punkttransformation durch  
zwei Multiplikationen und  
zwei Additionen

$a, b, c, d$  fest für alle  
Punkttransformationen

$$a := \frac{V_{xr} - V_{xl}}{W_{xr} - W_{xl}}$$

$$c := \frac{V_{yt} - V_{xyb}}{W_{yt} - W_{ybb}}$$

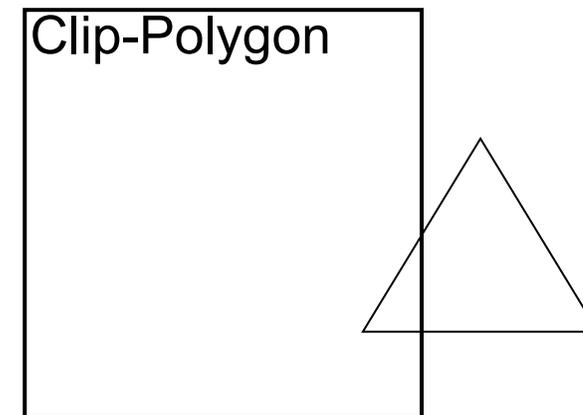
$$b = V_{xl} - a \cdot W_{xl}$$

$$d = V_{yb} - c \cdot W_{ybb}$$

## 7.2 Clipping

### Clip-Polygon

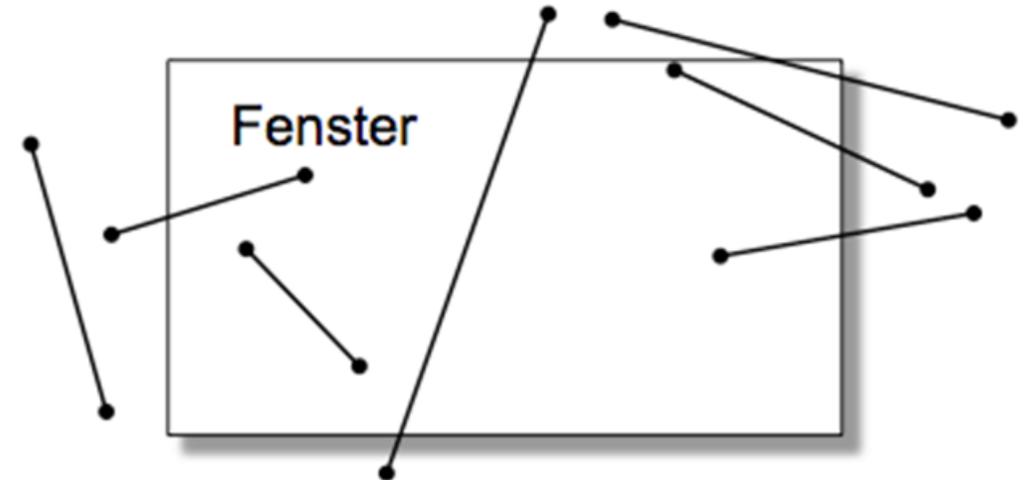
- Objekte in der Bildebene werden innerhalb eines Fensters dargestellt
- Alle außerhalb des Fensters liegenden Objektteile werden abgeschnitten:  
Clipping am Fensterrand
- Das Fenster wird Clip-Polygon genannt
  - typischerweise Rechtecke
  - andere Geometrie möglich
  - Nichtkonvexe oder nicht einfache Polygone sind problematisch



## 7.2 Clipping

### Linien

- Clip-Polygon
  - rechteckig
  - achsenparallel
- Fallunterscheidung
  1. beide Endpunkte innerhalb des Fensters  
⇒ Linie zeichnen
  2. beide Endpunkte oberhalb oder unterhalb oder links oder rechts des Fensters  
⇒ Linie nicht zeichnen

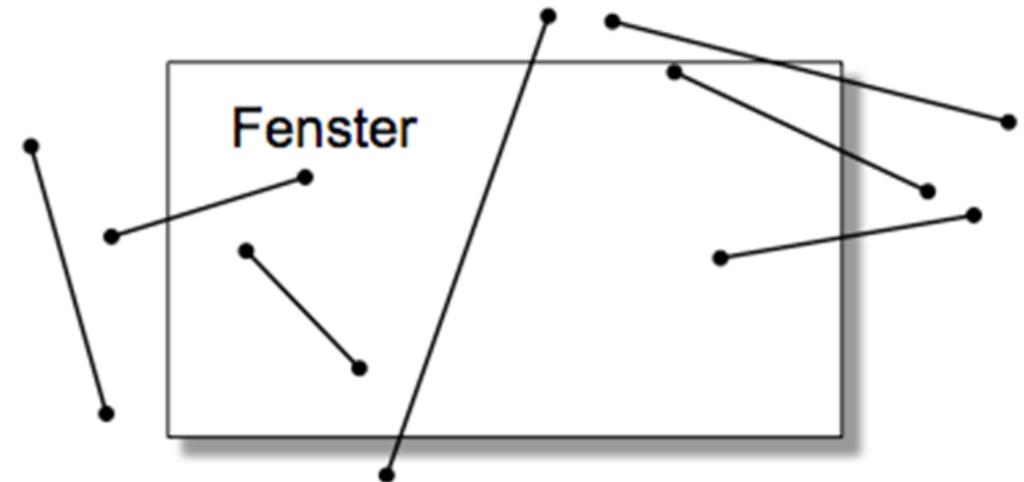


## 7.2 Clipping

### Linien

#### 3. Sonst

- Berechne die Schnittpunkte der Linie mit dem Fensterrand anhand der Geradengleichungen
- Bestimme daraus die sichtbare Strecke



## 7.2 Clipping

### Liang-Barsky-Algorithmus

- Fensterkanten als implizite Gerade

$$Q_1 = (x_1, y_1), Q_2 = (x_2, y_2)$$

$$n = (\Delta y, -\Delta x) = ((y_2 - y_1), -(x_2 - x_1))$$

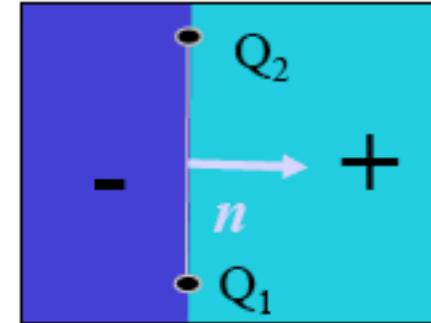
$$P = (x, y)$$

- Normale  $n$  zeigt ins Innere

- Entscheidungsgröße

$$E(P) = n \circ (P - Q_1) = n \circ P - n \circ Q_1$$

ist positiv, wenn  $P$  im Inneren liegt

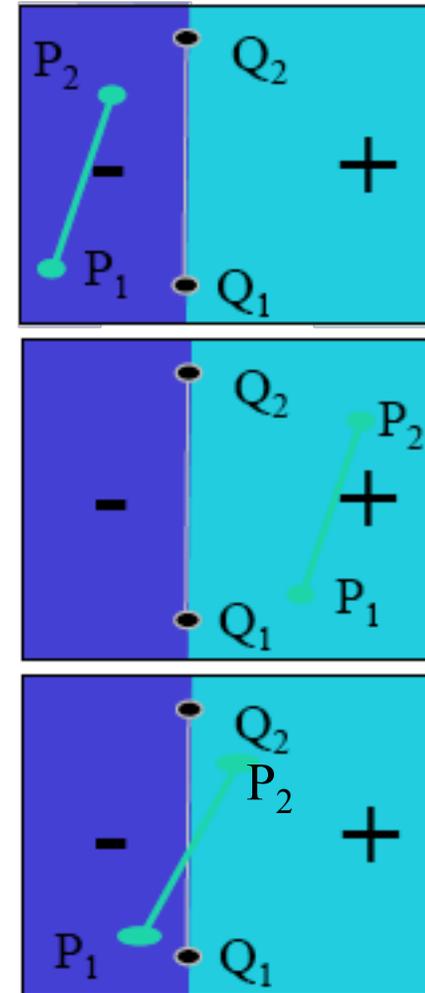


## 7.2 Clipping

### Liang-Barsky-Algorithmus

– Fallunterscheidung:

- 1)  $P_1$  und  $P_2$  liegen außen  
 $E(P_1) \leq 0, E(P_2) \leq 0$
- 2)  $P_1$  und  $P_2$  liegen innen  
 $E(P_1) \geq 0, E(P_2) \geq 0$
- 3)  $P_1$  und  $P_2$  liegen auf verschiedenen  
Seiten  
 $E(P_1) < 0, E(P_2) > 0$   
 $E(P_1) > 0, E(P_2) < 0$



## 7.2 Clipping

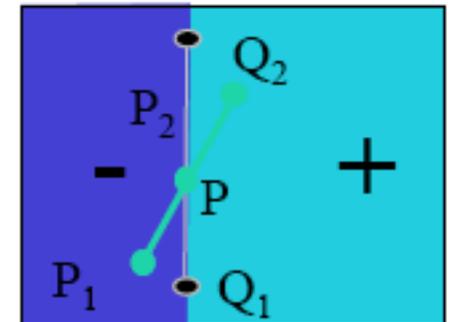
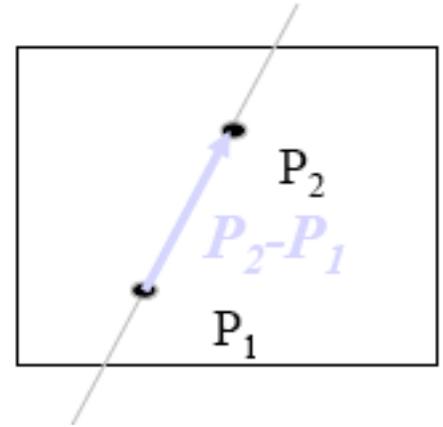
### Liang-Barsky-Algorithmus

- Fall 3: Schnittpunkt  $P$  muss berechnet werden
- Parametrische Darstellung der Liniensegmente  
 $P = l(t) = P_1 + t \cdot (P_2 - P_1)$
- in implizite Gleichung einsetzen:

$$E(P) = 0$$

$$\Leftrightarrow P \cdot n - Q_1 \cdot n = 0$$

$\Leftrightarrow$



## 7.2 Clipping

### Liang-Barsky-Algorithmus

- Fall 3: Schnittpunkt  $P$  muss berechnet werden
- Parametrische Darstellung der Liniensegmente  
 $P = l(t) = P_1 + t \cdot (P_2 - P_1)$
- in implizite Gleichung einsetzen:

$$E(P) = 0$$

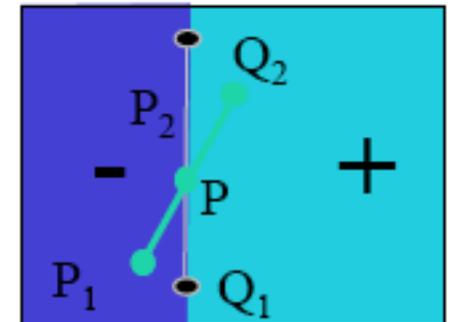
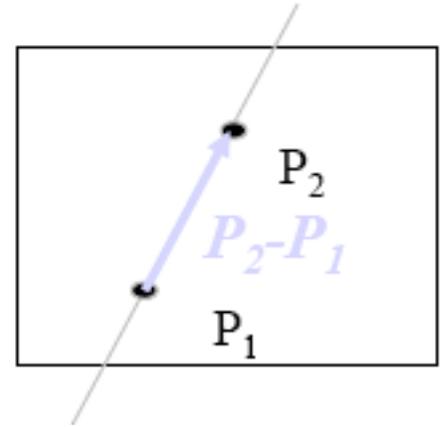
$$\Leftrightarrow P \circ n - Q_1 \circ n = 0$$

$$\Leftrightarrow (P_1 + t \cdot (P_2 - P_1)) \circ n - Q_1 \circ n = 0$$

$$\Leftrightarrow t = \frac{Q_1 \circ n - P_1 \circ n}{(P_2 - P_1) \circ n}$$

- zurück in die parametrische Gleichung

$$P = P_1 + \frac{Q_1 \circ n - P_1 \circ n}{(P_2 - P_1) \circ n} \cdot (P_2 - P_1)$$



## 7.2 Clipping

### Cohen-Sutherland Line-Clipping Algorithmus

- Kern des Algorithmus ist ein schnelles Verfahren zur Bestimmung der Kategorie einer Linie
  - innerhalb
  - außerhalb
  - schneidend
- Gegeben:
  - Ein Fenster:  $(x_{min}, y_{min}, x_{max}, y_{max})$  dessen begrenzende Geraden (Halbebenen) die Bildebene in neun Regionen unterteilen
  - Jeder Region ist ein eindeutiger 4-Bit-Code (Outcode) zugeordnet, der Auskunft über deren Lage in Bezug auf das Fenster gibt
  - Im 3D sind es 27 Regionen ( $3^3$ ) und ein 6-Bit-Outcode

## 7.2 Clipping

### Cohen-Sutherland Line-Clipping Algorithmus

- Outcode-Bits werden gesetzt, falls der Eckpunkt in der jeweiligen Region liegt

Bit	Ort	Bedingung
0	links des Fensters	$x < x_{min}$
1	rechts des Fensters	$x > x_{max}$
2	unterhalb des Fensters	$y < y_{min}$
3	oberhalb des Fensters	$y > y_{max}$

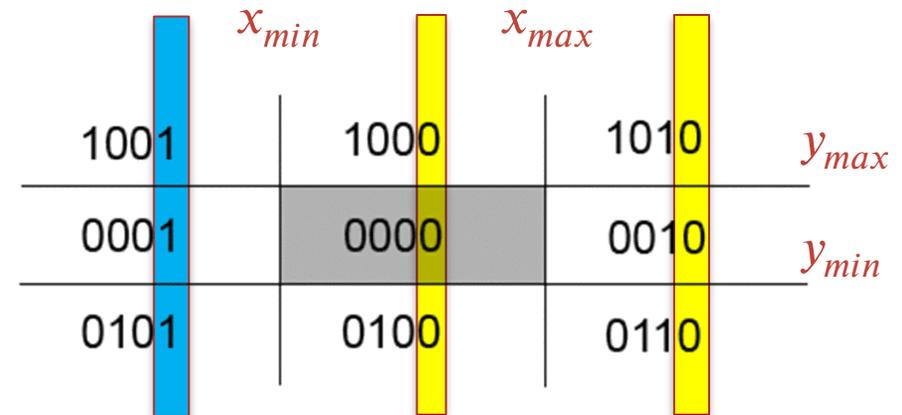
	$x_{min}$	$x_{max}$	
1001	1000	1010	$y_{max}$
0001	0000	0010	$y_{min}$
0101	0100	0110	

## 7.2 Clipping

### Cohen-Sutherland Line-Clipping Algorithmus

- Outcode-Bits werden gesetzt, falls der Eckpunkt in der jeweiligen Region liegt

Bit	Ort	Bedingung
0	links des Fensters	$x < x_{min}$
1	rechts des Fensters	
2	unterhalb des Fensters	
3	oberhalb des Fensters	

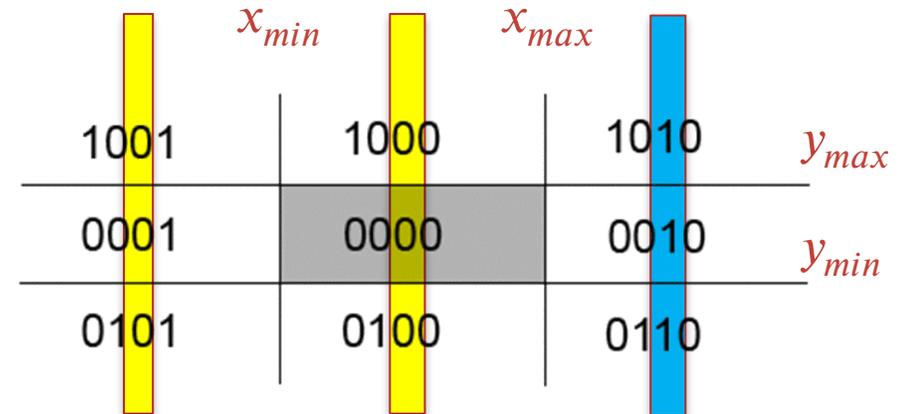


## 7.2 Clipping

### Cohen-Sutherland Line-Clipping Algorithmus

- Outcode-Bits werden gesetzt, falls der Eckpunkt in der jeweiligen Region liegt

Bit	Ort	Bedingung
0	links des Fensters	$x < x_{min}$
<b>1</b>	<b>rechts des Fensters</b>	$x > x_{max}$
2	unterhalb des Fensters	
3	oberhalb des Fensters	

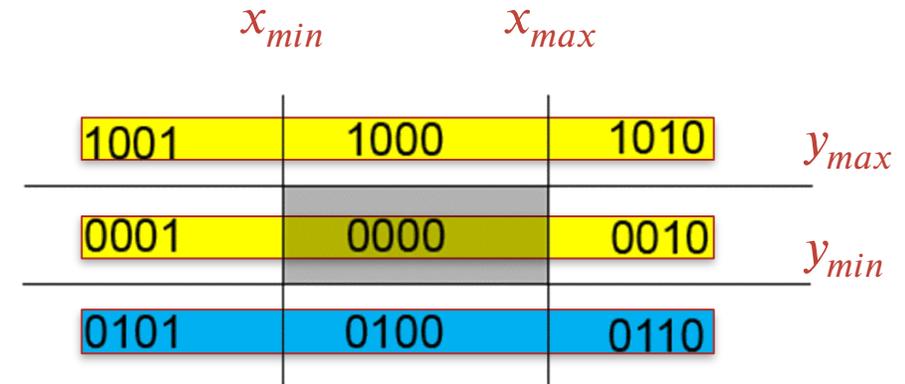


## 7.2 Clipping

### Cohen-Sutherland Line-Clipping Algorithmus

- Outcode-Bits werden gesetzt, falls der Eckpunkt in der jeweiligen Region liegt

Bit	Ort	Bedingung
0	links des Fensters	$x < x_{min}$
1	rechts des Fensters	$x > x_{max}$
2	<b>unterhalb des Fensters</b>	$y < y_{min}$
3	oberhalb des Fensters	

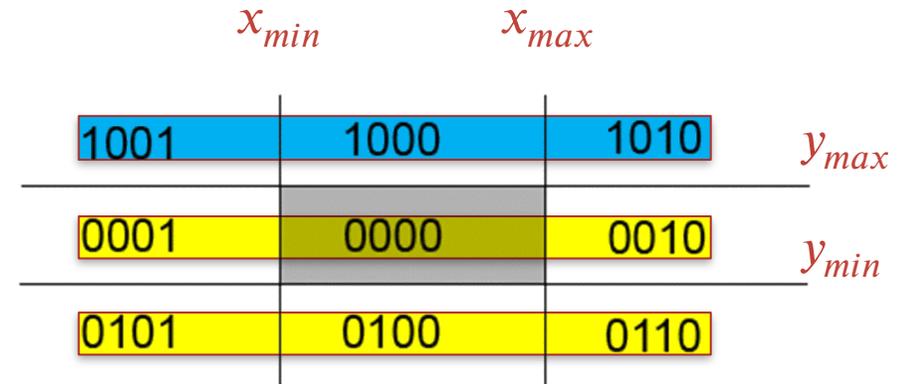


## 7.2 Clipping

### Cohen-Sutherland Line-Clipping Algorithmus

- Outcode-Bits werden gesetzt, falls der Eckpunkt in der jeweiligen Region liegt

Bit	Ort	Bedingung
0	links des Fensters	$x < x_{min}$
1	rechts des Fensters	$x > x_{max}$
2	unterhalb des Fensters	$y < y_{min}$
<b>3</b>	<b>oberhalb des Fensters</b>	$y > y_{max}$



## 7.2 Clipping

### Cohen-Sutherland Line-Clipping Algorithmus

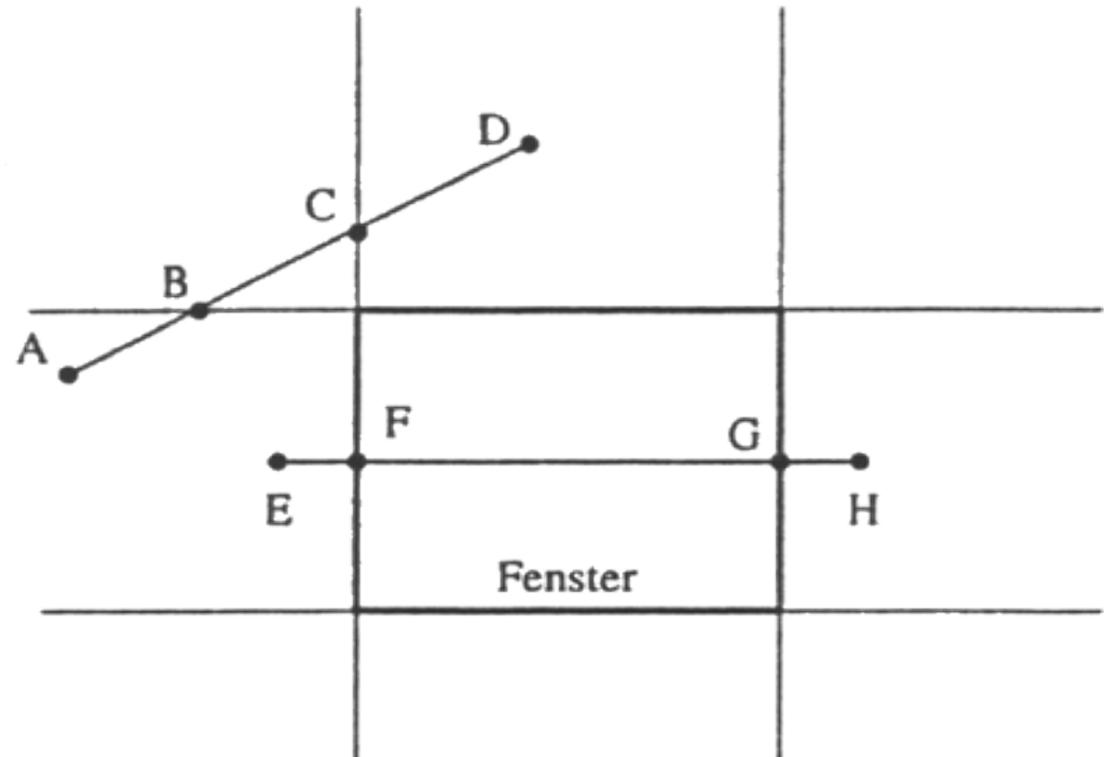
- Bestimme Outcodes für Endpunkte einer Linie
  - Linie liegt vollständig außerhalb des Fensters (Trivial Reject):  
Durchschnitt der Codes beider Endpunkte ist von 0 verschieden (AND-Verknüpfung  $\neq 0$ )
  - Linie liegt komplett im Fenster (Trivial Accept):  
Beide Endpunkte besitzen den 4-Bit-Code 0000 (OR-Verknüpfung  $= 0$ )
- Sonst:
  - Schneide die Linie nacheinander mit den das Fenster begrenzenden Geraden  
→ es entstehen zwei Linien
  - Außerhalb des Fensters liegende Teile können sofort entfernt werden

## 7.2 Clipping

### Cohen-Sutherland Line-Clipping Algorithmus

#### Linie AD

- Codes A: 0001 und D: 1000
- $0001 \text{ AND } 1000 = 0000$  (kein reject)
- $0001 \text{ OR } 1000 = 1001$  (kein accept)
- Schnitt mit linker Fenstergrenze liefert
  - Punkte A und C liegen links:  
eliminiere AC
- Codes C: 1000 und D: 1000
- $1000 \text{ AND } 1000 = 1000$  (reject)
  - Punkte C und D liegen oberhalb:  
eliminiere CD



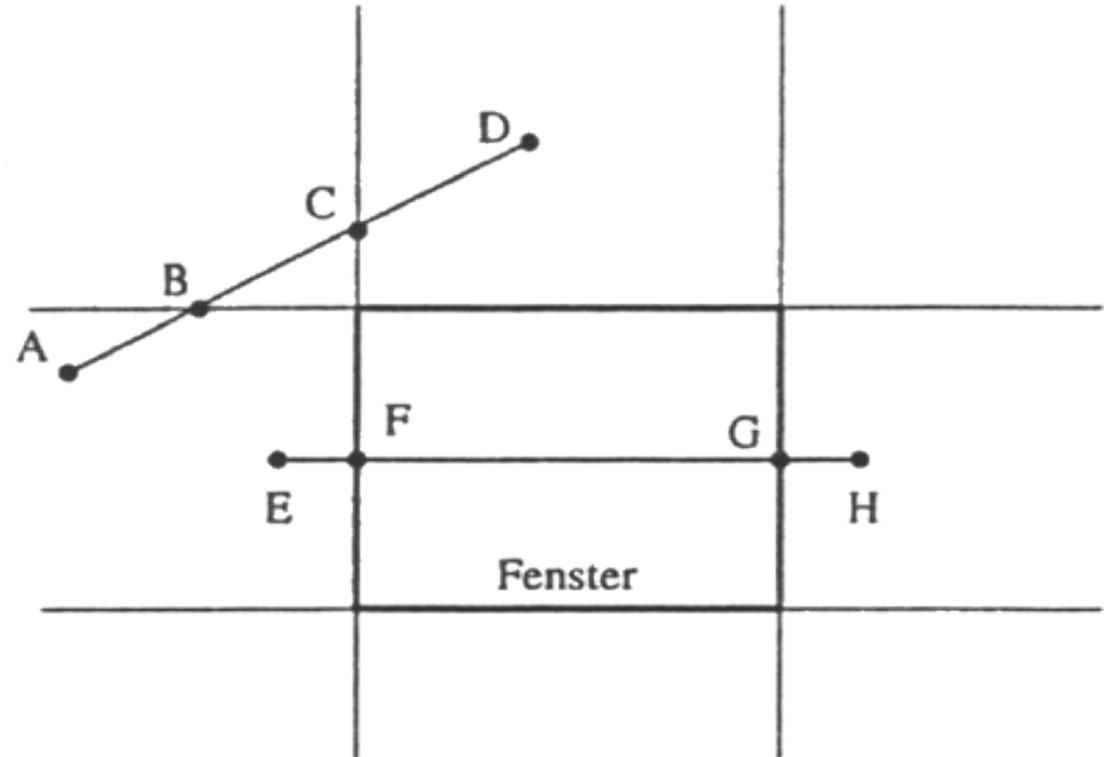


## 7.2 Clipping

### Cohen-Sutherland Line-Clipping Algorithmus

#### Linie EH

- Codes F: 0000 und H: 0010
- $0000 \text{ AND } 0010 = 0000$  (kein reject)
- $0000 \text{ OR } 0010 = 0000$  (kein accept)
  - Schnitt von FH mit der rechten Fenstergrenze liefert G
  - eliminiere GH
- Codes F: 0000 und G: 0000
- $0000 \text{ AND } 0010 = 0000$  (kein reject)
- $0000 \text{ OR } 0000 = 0000$  (accept)
  - FG wird gezeichnet



## 7.2 Clipping

### Cohen-Sutherland Line-Clipping Algorithmus: Spezialfälle & Beschleunigungen

- Bei senkrecht oder waagrecht verlaufenden Linien muss nur gegen die  $y$ - bzw.  $x$ -Grenzen getestet und geschnitten werden
- Falls genau ein Endpunkt innerhalb des Fensters liegt, gibt es nur einen Schnitt mit dem Fensterrand
- Einige Schnittpoperationen führen nicht zu Schnittpunkten am Fensterrand
- Jedes Bit korrespondiert genau zu einem der Fensterränder
- Betrachte nur Fensterränder deren zugehöriges Bit in den zwei Endpunkt-Codes unterschiedlich gesetzt ist

## 7.2 Clipping

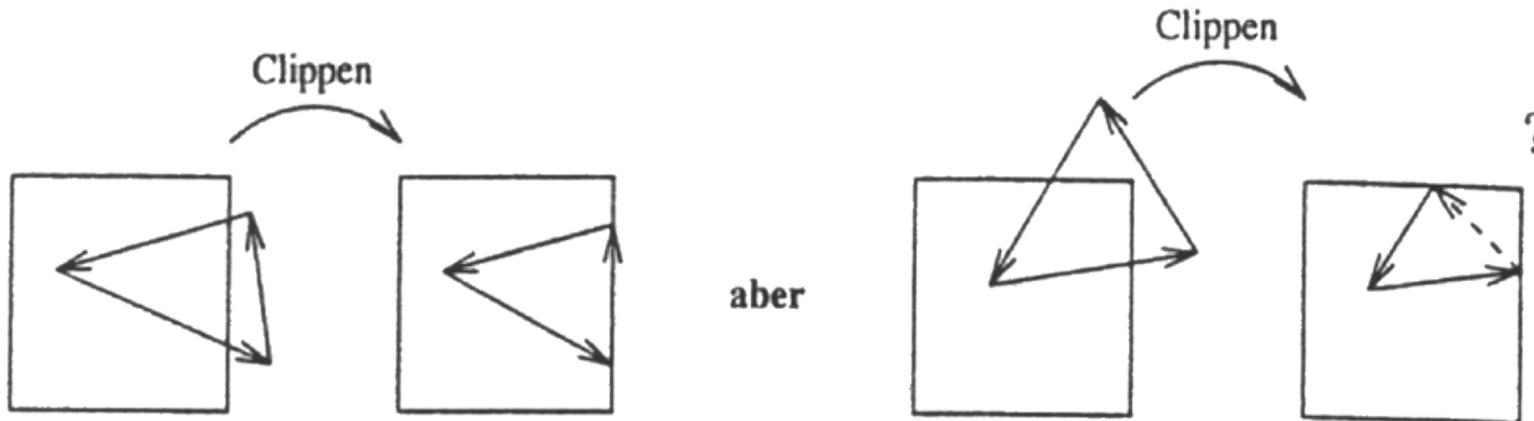
### Cohen-Sutherland Line-Clipping Algorithmus: Spezialfälle & Beschleunigungen

- Vermeidung der aufwändigen Schnittpunktberechnung durch Bisektionsmethode
  - Linien, die weder ganz außerhalb, noch ganz innerhalb des Fensters liegen, werden so lange unterteilt, bis ihre Länge kleiner als ein Pixel ist
  - Bei  $2^{10}=1024$  Pixel in einer Zeile bzw. Spalte erfordert dies maximal 10 Unterteilungen (⇒ Mittelpunktalgorithmus)
- In Hardware ist diese Variante schneller als eine direkte Schnittpunktberechnung
  - schnelle Division durch 2 (Bitshift)
  - Parallelisierbarkeit

## 7.2 Clipping

### Polygone

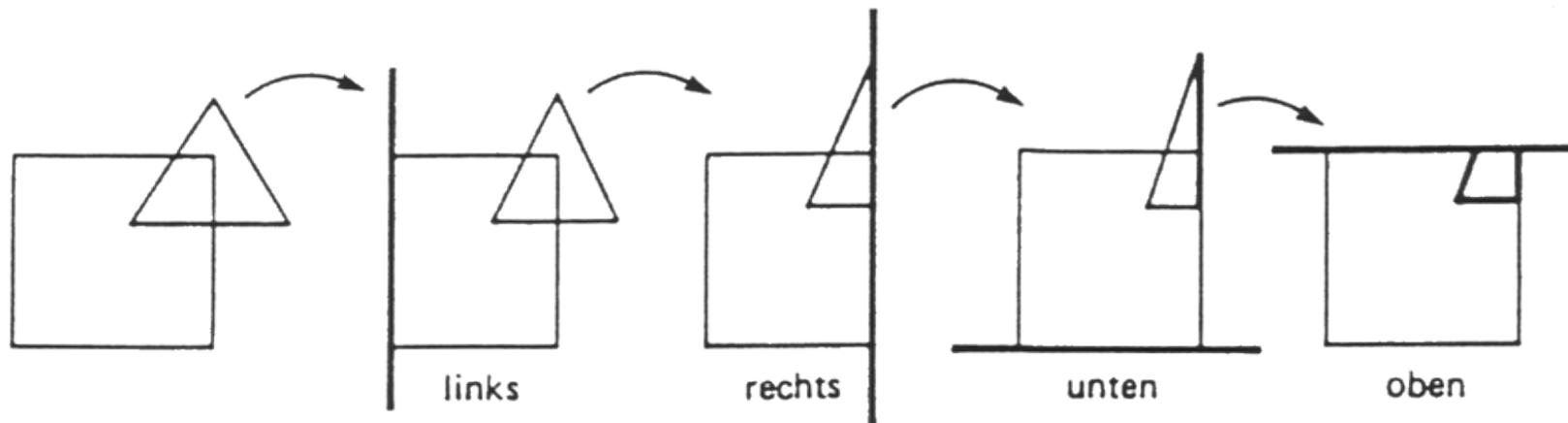
- Polygone begrenzen Flächen
  - Polygon-Clipping muss wieder geschlossene Polygone liefern
  - Teile des Fensterrandes müssen eingebaut werden
- Ein einfacher Algorithmus würde jede Seite gegen die Fenster clippen
  - Wenn eine Seite das Fenster verlässt, wird der Austrittspunkt mit dem Wiedereintritt verbunden
  - Ecken können zu Problemen führen



## 7.2 Clipping

### Sutherland-Hodgman Polygon-Clipping Algorithmus

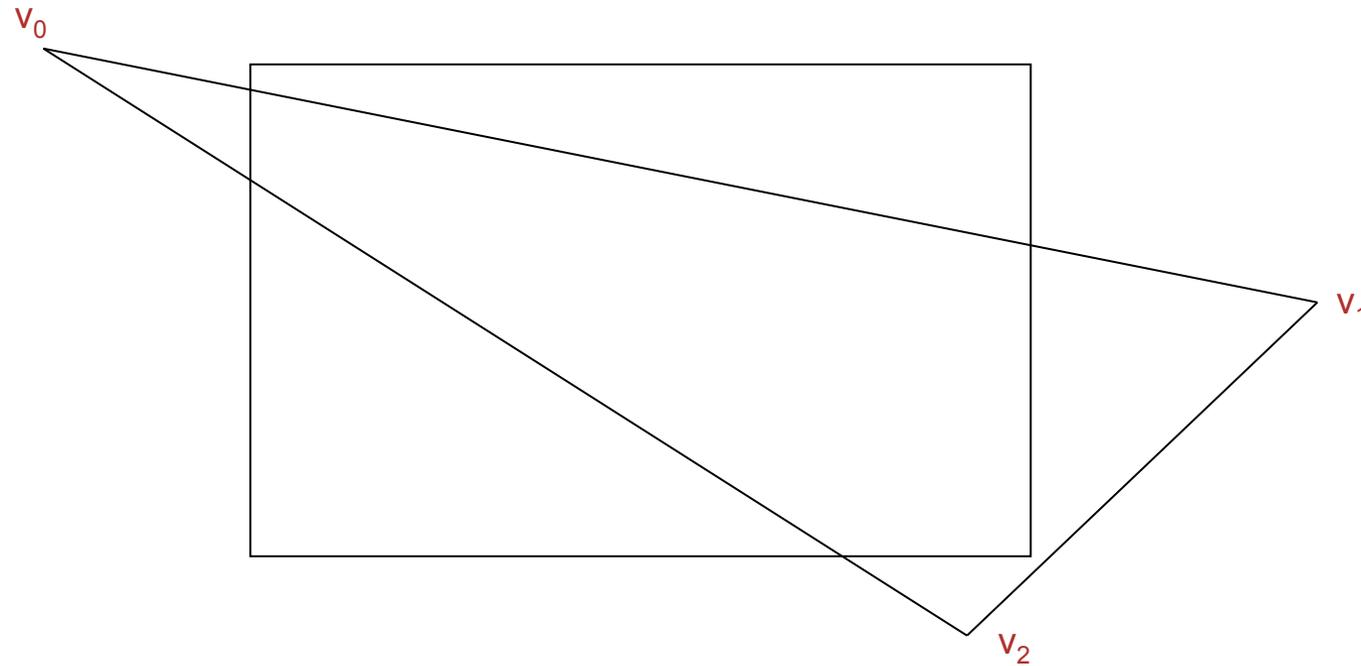
- Problem:  
Clippen jeder Polygonseite gegen alle 4 Fensterseiten
- Vollständiges Clippen des Polygons gegen eine Fensterseite nach der anderen führt zum Ziel
- Die Zwischenergebnisse müssen gespeichert werden



## 7.2 Clipping

### Sutherland-Hodgman Polygon-Clipping Algorithmus

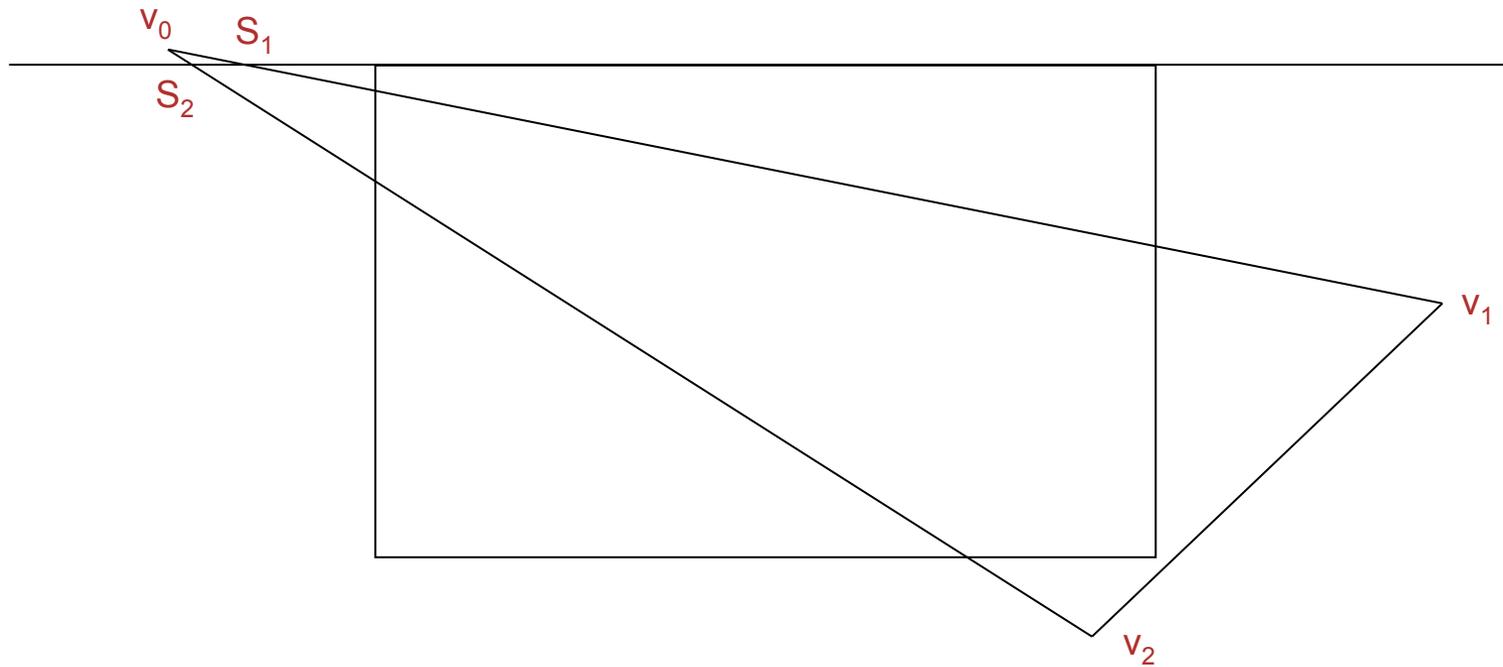
- Ausgangssituation: aktuelles Polygon  $\{v_0, v_1, v_2\}$



## 7.2 Clipping

### Sutherland-Hodgman Polygon-Clipping Algorithmus

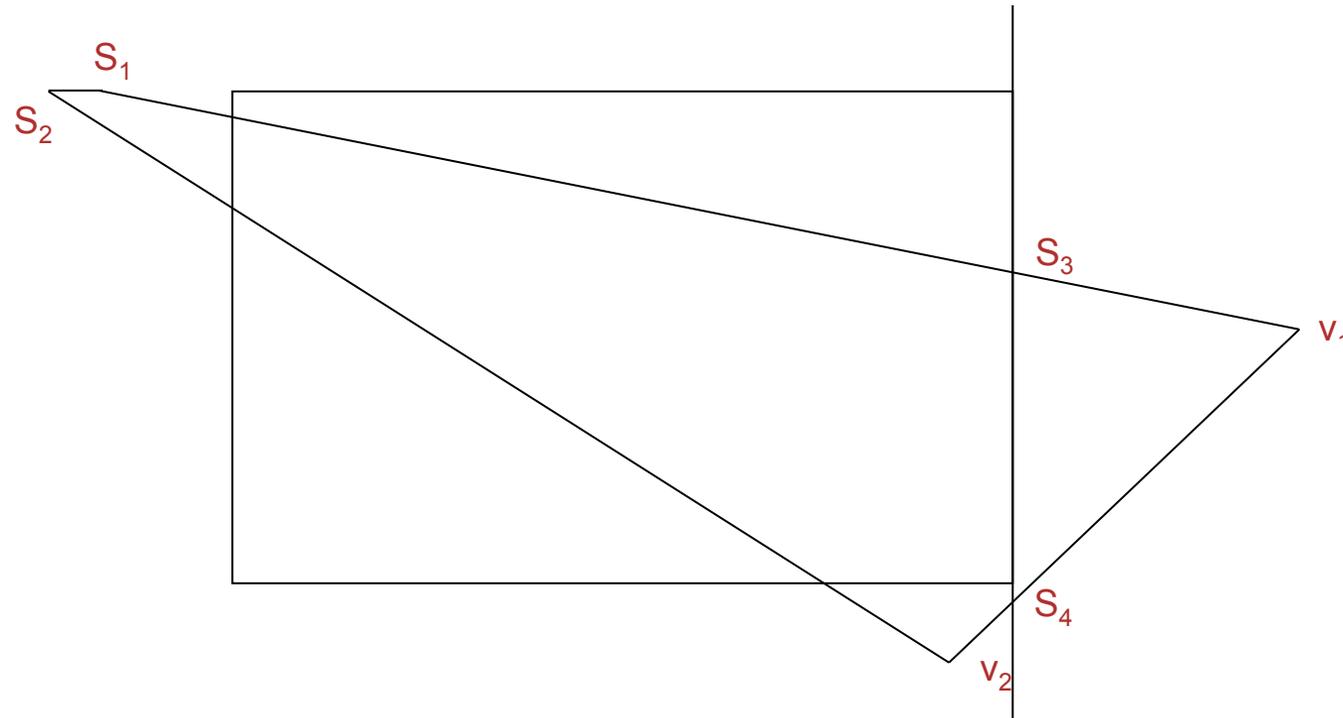
- Clip oben: aktuelles Polygon  $\{s_1, v_1, v_2, s_2\}$



## 7.2 Clipping

### Sutherland-Hodgman Polygon-Clipping Algorithmus

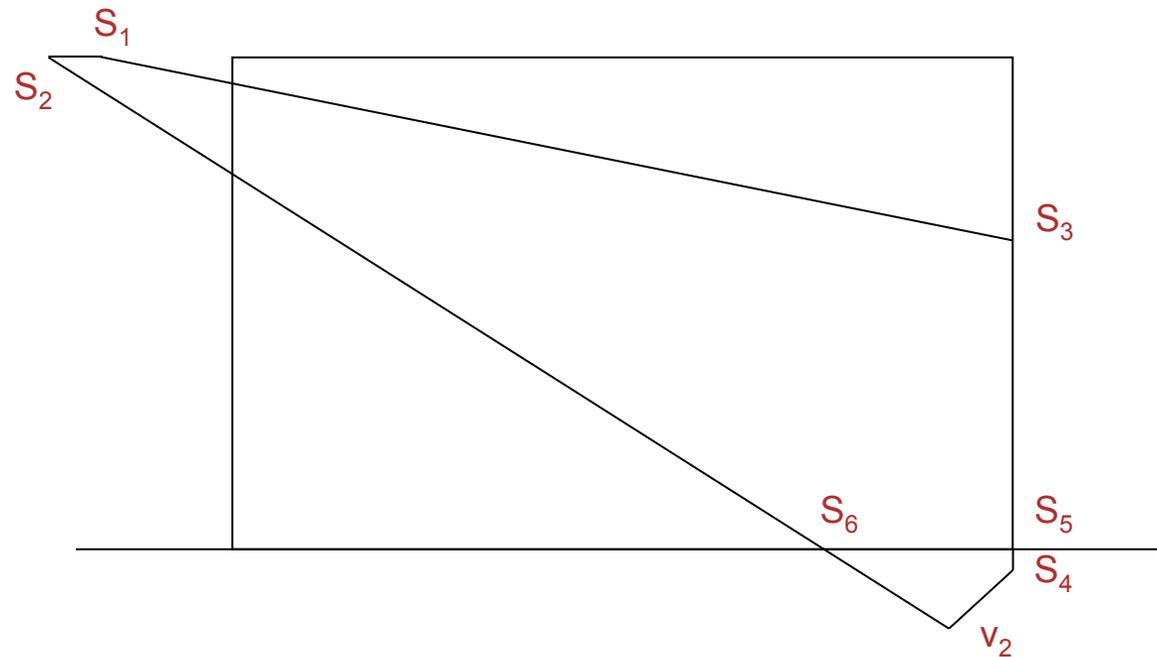
- Clip rechts: aktuelles Polygon  $\{s_1, s_3, s_4, v_2, s_2\}$



## 7.2 Clipping

### Sutherland-Hodgman Polygon-Clipping Algorithmus

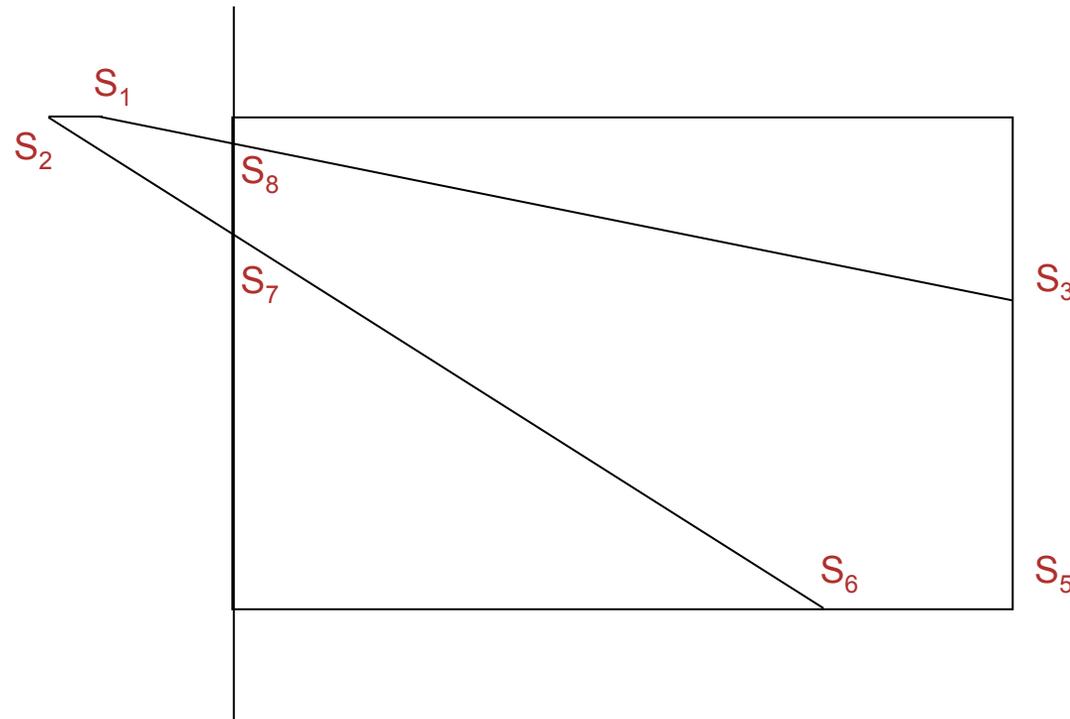
- Clip unten: aktuelles Polygon  $\{s_1, s_3, s_5, s_6, s_2\}$



## 7.2 Clipping

### Sutherland-Hodgman Polygon-Clipping Algorithmus

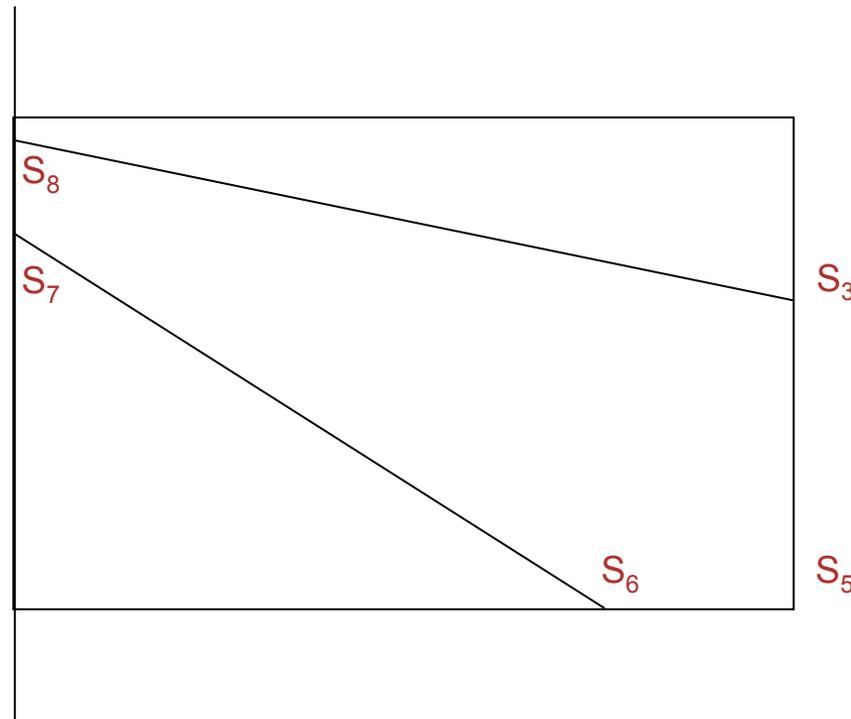
- Clip links: aktuelles Polygon  $\{s_8, s_3, s_5, s_6, s_7\}$



## 7.2 Clipping

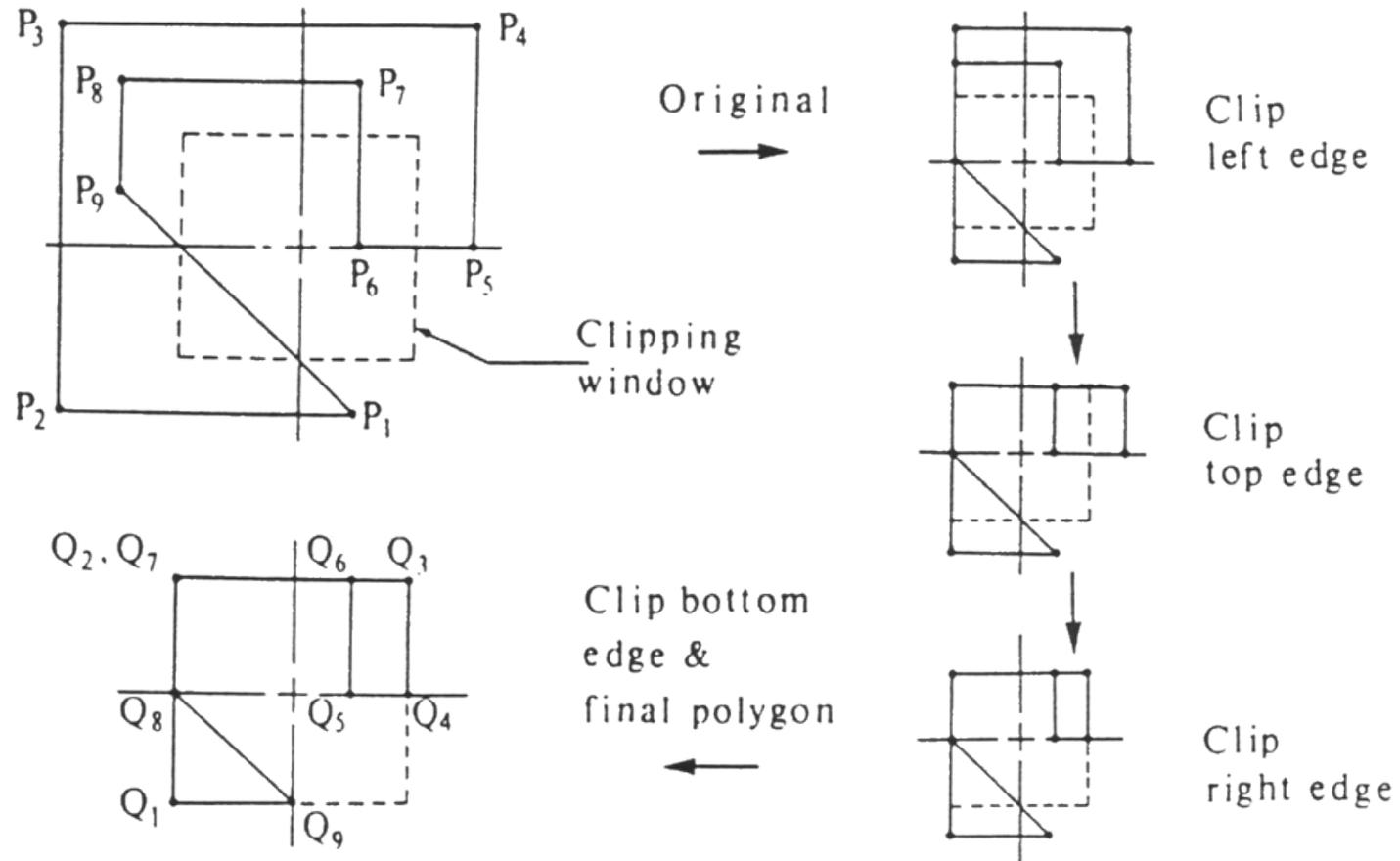
### Sutherland-Hodgman Polygon-Clipping Algorithmus

– Ergebnis-Polygon  $\{s_8, s_3, s_5, s_6, s_7\}$



# 7.2 Clipping

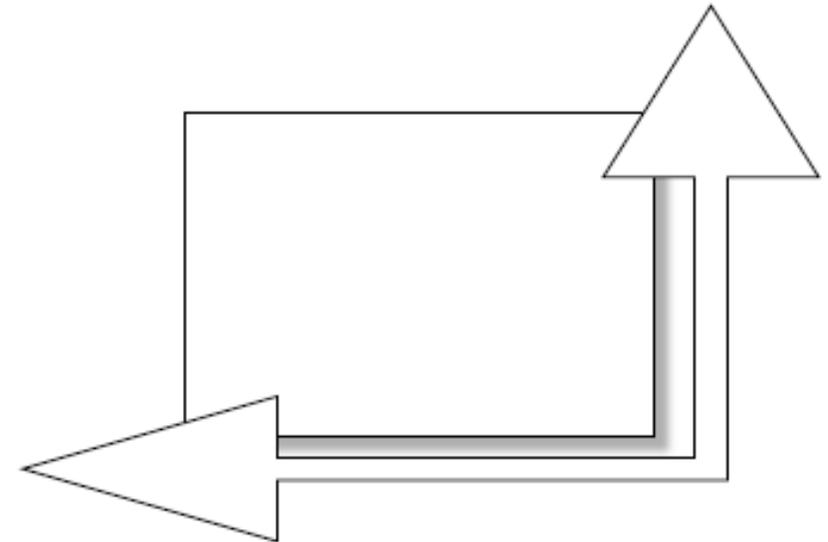
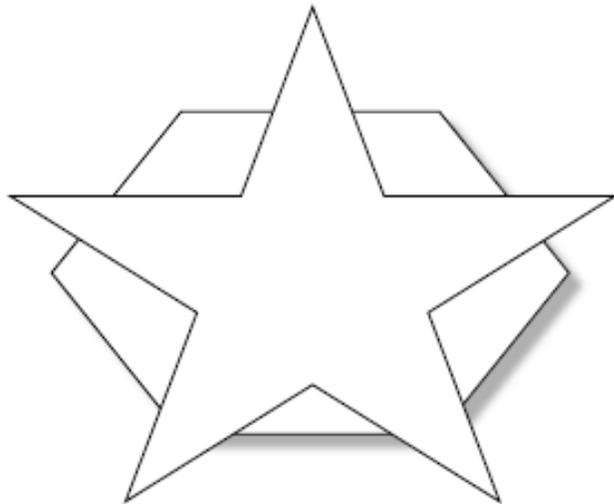
## Sutherland-Hodgman Polygon-Clipping Algorithmus



## 7.2 Clipping

### Sutherland-Hodgman Polygon-Clipping Algorithmus

- Fenster konvexes Polygon und
  - Kandidat einfaches Polygon
- ⇒ Ergebnis ist immer ein geschlossener Kantenzug



## 7.2 Clipping

### Andere Polygon-Clipping-Verfahren

- Vatti-Algorithmus  
Scan-Line  
[CACM 35 1992]
- Greiner/Hormann  
[ACM TOG 17(2), 1998]

## 7.2 Clipping

### Clipping in 3D

- Clipping nach Transformation in das normalisierte Sichtvolumen (NDC)
- Clippingverfahren lassen sich einfach in 3D übertragen: Clippen an sechs Halbebenen statt vier
- Alternativ:  
Clipping nach Projektion in die zweidimensionale Bildebene  
→ w-Clipping